



## رسائل ابن قرة

للعامة ثابت بن قرة الحراني

المتوفى سنة ٢٨٨ هـ

\*\*\*\*\*

من المجموعة الوحيدة المحفوظة في مكتبة بانكي فور

رقم ٢٤٦٨ / ٢٩ و ٢٨

بن قرة  
المتوفى سنة ٢٨٨ هـ  
المتوفى سنة ٢٨٨ هـ

## الطبعة الاولى

بمطبعة جمعية دائرة المطابع العثمانية

(حيدرآباد الدكن الهند)

سنة ١٣٦٦ هـ = ١٩٤٧ م



marefa.org

## موسوعة المعرفة

المعرفة مشروع علمي ثقافي يهدف لجمع **المحتوى** العربي والإضافة إليه، لإنشاء **موسوعة دقيقة، متكاملة، متنوعة، مفتوحة، محايدة ومجانية**، يستطيع الجميع المساهمة في تحريرها، بالكتابة أو بالاقتباس من **مصادر مرخصة بالنقل**. بدأت المعرفة في 16 فبراير 2007 ويوجد بها الآن 35,587 مقال و 2,409,583 صفحة **مخطوط** فيها.

خلافًا للغات العالم الكبرى الأخرى، تفتقر الثقافة العربية إلى المحتوى الإلكتروني، ويفاقم من ذلك الوضع قصر عمر المواقع الإلكترونية العربية، مما يجعل محتواها الإلكتروني مملوكاً لكيان اعتباري قد زال من الوجود، ولا يستطيع حتى كاتب المحتوى نشره في مكان آخر.

لذا فندعو المهتمين إلى المساهمة في جمع تراثنا في موسوعة المعرفة الحرة والحصول على تصاريح النقل من مختلف المصادر وتوعية أصحاب تلك المصادر ببدائل علامة حفظ الملكية التي تتيح نشر المعرفة. ادع **أصدقائك للكتابة في أي موضوع معرفي يهمهم**.

## مشروع معرفة المخطوطات

تشهد الثقافة العربية تراجعاً على كافة الأصعدة. ونتيجة لذلك تخلى العديد من الشعوب عن استخدام **الأبجدية العربية**، مما أدى إلى سقوط مراكز إشعاع الثقافة العربية في تلك الشعوب في غياهب النسيان. فنرى حواضر **حيدر أباد وتبكتو وزنجبار وسمرقند** ملأى بمئات الآلاف من المخطوطات العربية في حالة يرثى لها من الإهمال. ولقد شكلت التقنية الحديثة من **الماسحات الضوئية والإنترنت** بارقة أمل. إذ أصبح بإمكان المتطوعين، حيثما كانوا، المشاركة في تحويل تلك المخطوطات المسوحة إلى نصوص رقمية يعم نفعها الجميع.

وتفخر موسوعة "المعرفة" بحصولها على 25,000 مخطوط تحتوي على 2,409,583 صفحة من المخطوطات من حكومة الهند، وهي تمثل 5% من المخطوطات **باللغة العربية** التي يعملون على مسحها ضوئياً. قائمة **بروكلمان** لأهم مصادر الكتب والمخطوطات العربية تضم 16 مكتبة بالهند بين أهم 168 موقع بالعالم. أمدتنا الهند كذلك بملايين الصفحات **بالفارسية والتركية** (بحروف عربية). وبعد أن كانت الهند أكبر مشتر وقارئ للأدب العربي أصبحت اليوم لا تجد بين أبنائها من هو قادر حتى على قراءة عناوين تلك المخطوطات. الفرصة سانحة لإثراء تراثنا ودعم أواصر التعاون الإنساني مع حضارة الهند الصديقة. المشروع ذاته يجري تكراره مع تجمعات Corpora المخطوطات العربية الكبرى في **الصين وتبكتو (مالي)**.

هذه قائمة **جزئية للمخطوطات التي لدينا**. إذا كنت تريد أن نعجل بنشر أي منها فأخبرنا **بالضغط هنا**.

### خطوات المشروع:

1. الحصول على صور المسح الضوئي للمخطوطات.
2. نشر المخطوط إلكترونياً مقروناً بمقالات من موسوعة المعرفة متعلقة بالمخطوط والكاتب. ويمكن للجميع تحميل المخطوط. قائمة المخطوطات الجاهزة للتحميل.
3. تدوين المخطوطات، أي تحويل الصورة إلى نص حرفي يمكن التعامل التحريري معه، وذلك للمخطوطات التي لا يوجد لها نصوص. وهذا عن طريق مشروع **معرفة المخطوطات** الذي يضم برنامج تدوين المخطوطات عن بعد Distributed Proofreading. وتلك الخطوة تتطلب جهداً فائقاً **ندعو القراء للمشاركة فيه (بالترتيب هنا)**.
4. تقديم نص المخطوط إلى مشروع **غوتهبرج Gutenberg Project** لنشر كتب التراث العالمي. وقد انضمت موسوعة المعرفة لمشروع **غوتهبرج** وهي بذلك المشارك العربي الوحيد في هذا المشروع العالمي.

مع تحيات مدير المشروع

د. نايل الشافعي



# كتاب

في الأصول الهندسية لارشميدس

نقله من اليونانية الى اللغة العربية

لابي الحسن علي بن يحيى مولى امير المؤمنين

تايت بن قررة المتوفى سنة ثمانية وثمانين

وما تثن من الهجرة



## الطبعة الاولى

بمطبعة جمعية دائرة المعارف الثمانية

بمحافظة الدولة الاممية الاسلامية

حيدرآباد الدكن

لازالت شمس افاداتها بازفة و بدور

اقاضاتها طالعة الى آخر الزمان

١٣٦٦ هـ

١٩٤٧ م

عدد الطبع ١٣٥٦

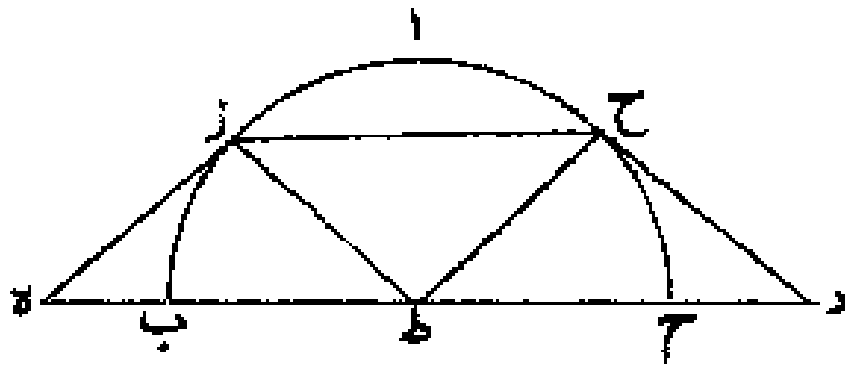
## الأصول الهندسية

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

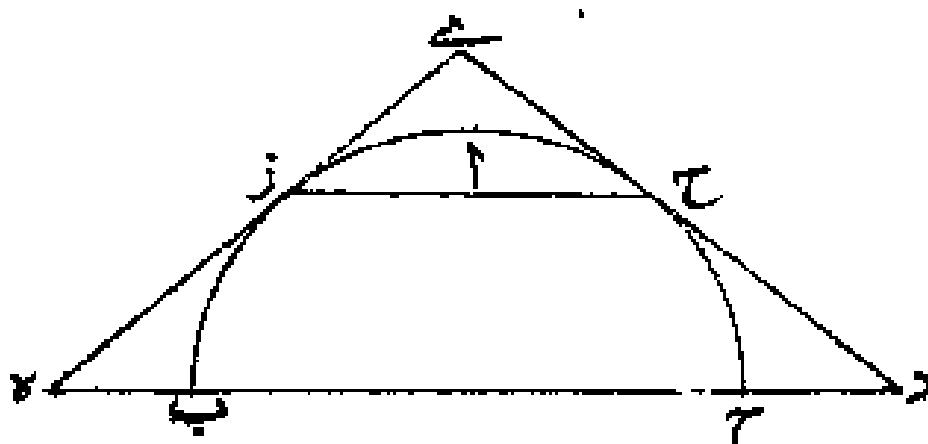
لنفرض نصف دائرة - ا ب ج - ولنخرج خط - ب ج -  
على استقامة في كلتي الجهتين الى تقطعي - د ه - ولنفرض خطي  
ب ه - ح د - متساويين ولنخرج من تقطعي - ه د - خطين  
يماسان نصف دائرة - ا ج - وهما خطا - ه ز - د ح - ولنصل - د ح -  
فأقول ان خط - ز ح - مواز لخط - ه د - \*

برهان ذلك نستخرج مركز دائرة - ا ب ج - وتكون نقطة  
ط - ولنصل - ز ط - ط ح - فمن اجل ان خط - ه ب - مساو  
لخط - ج د - وخط - ب ج - مشترك يكون جميع خط - ه ج د  
مساويا لجميع خط - ب د - وخط - ه ب - مساو لخط - ج د  
فمسطح - ج ه - في - ه ب - مساو لمربع - ه ز - ومسطح - ب د - في  
د ج - مساو لمربع - د ح - فمربع - ه ز - مساو لمربع - د ح - فخط  
د ح - مساو لخط - ه ز - ومن اجل ان خطي - ح ط - ط ه  
مساويان لخطي - ز ط - ط ه - وقاعدة - ه ز - مساوية لقاعدة  
ح د - تكون زاوية - ز ط ه - مساوية لزاوية - ح ط د - فمقوس





الاصول الهندسية ص ٣  
شكل (١)



الاصول الهندسية ص ٣  
شكل (٢)

ح ج - مساوية لقوس - ز ب - نخط - زح - مواز لخط - ه د  
وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

وعلى هذا الوضع تبين ما قلنا يا انا كليا بهذا العمل انا نقول  
من اجل ان مسطح - ج ه في - ه ب - مساو لربع - ه ز - ومسطح  
ب د - في - د ج - مساو لربع - د ح - ومسطح - ب د - في  
د ج - مساو لمسطح - ج ه - في - ه ب - يكون مربع - ه ز  
مساو للمربع - د ح - وخط - ه ز - مساو لخط - د ح - ولنخرج  
خطي - ه ز - ح د - في جهتي - زح - حتى يلتقيا على نقطة - ي  
نخط - ي ز - مساو لخط - ب ح - لانها جميعا خرجا من نقطة  
واحدة وهي نقطة - ي - كما سان دائرة - ا ب ج - وقد كان تبين  
ان خط - ه ز - مساو لخط - د ح - فنسبة - ه ز - الى - ز ي  
مثل نسبة - د ح - الى - ح ي - نخط - ح ز - مواز لخط - ج  
ب - وذلك ما اردنا ان نبين (٢) \*

ولنفرض دائرة عليها - ا ب ج - وليكن خطا - د ب  
د ج - كما سانها فلنصل - ب ج - ولنخرجه على استقامة الى نقطة  
ه - ولنخرج من نقطة - ه - خطا يماس دائرة - ا ب ج - ويلقى خط  
د ب - على نقطة - ط - وهو خط - ه ز \*

فانقول ان نسبة - ه ط - الى - ه ز - كنسبة - ط ا - الى - ا ز

(١) الشكل الاول (٢) الشكل الثاني .

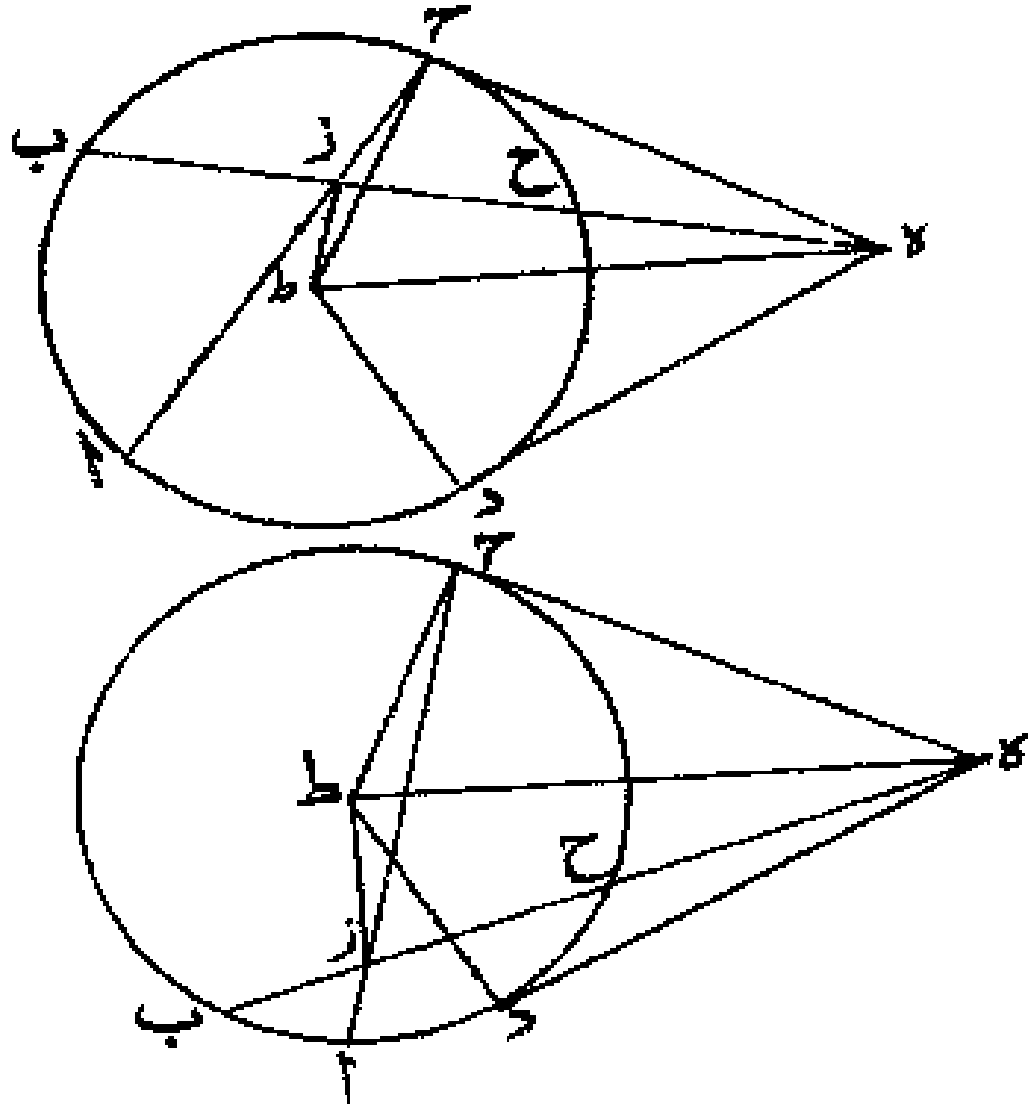


برهانه لنخرج من نقطة ز - خطا موازيا لخط ط ب  
وهو زح - فنسبة ب د - الى د ج - كنسبة ح ز - الى زح  
ولكن خط ب د - مساو لخط د ج - فنخط ح ز - مساو  
لخط زح - ومن اجل ان نسبة ط ه - الى ه ز - كنسبة ط ب  
الى زح - و زح - مساو - لزج - تكون نسبة ط ه - الى  
ه ز - كنسبة ط ب - الى زج - ولكن ط ب - مساو لخط  
ط ا - لانهما يماسان الدائرة وخط ح ز - مساو لخط ز ا - فنسبة  
ط ه - الى ه ز - مثل نسبة ط ا - الى ا ز - وذلك ما اردنا  
ان نبين - (١) \*

لنفرض دائرة عليها ا ب ج - وليكن خطا د ه - ج  
يماسانها ولنخرج من نقطة ه - خطا يقطع الدائرة كيف وقع  
وهو خط ه ج ب - ولنخرج من نقطة د - خطا موازيا لخط  
ب ب - وهو خط د ا - ونصل ا ج - ونقطع خط ب ب ح  
على نقطة ز - \*

فاقول ان ب ز - مساو لخط ز ح ،

برهان ذلك لنستخرج مركز الدائرة ولنكن نقطة ط  
ونصل ط ز - ط ه - ط د - ط ج - فن اجل ان خط ط د  
مساو لخط ط ج - وخط ه ط - مشترك تكون خطا ط ج  
ط ه - مساويين لخطي ه ط - ط د - وقاعدة مساوية لقاعدة



الاصول الهندسية ص ٣  
شكل (٣)



—



هـ ج - فزاوية - ج ط هـ - مساوية لزاوية - هـ ط د -  
 فزاوية - د ط ج - ضعف زاوية - ج ط هـ - وزاوية - د  
 ط ج - ضعف زاوية - ج ا د - فزاوية - د ا ج - مساوية لزاوية  
 ج ط هـ - ولكن زاوية - د ا ج - مساوية لزاوية - هـ ز ج - فزاوية  
 هـ ط ج - مساوية لزاوية - هـ ز ج - فذو اربعة اضلاع - هـ ج ز ط -  
 في دائرة فزاويتا - هـ ج ط - هـ ز ط - متساويتان وزاوية - هـ ج ط -  
 قائمة فزاوية - هـ ز ط - قائمة نخط - ط ز - عمود على خط - ح ز  
 وقد خرج من نقطة - ط - التي هي مركز دائرة - ا ب ج د - عمود  
 على خط - ح ب - وهو - ط ز - فقد قسمه اذن بنصفين نخط  
 ب ز - مساو لخط - ز ح - وذلك ما اردنا ان نبين (٩) \*

لتفرض مثلثا متساوي الاضلاع عليه - ا ب ج - ولنخرج  
 خط - ا د - عمودا على خط - ب ج - ولنجعل مربع - د ب  
 مساويا لمسطح - هـ ب - في - ب ز - ولنصل - د ز - ولنخرج من  
 نقطة - ز - خطا موازيا لخط - ب ج - وهو خط - ز ح - ولنصل  
 هـ ح - فاقول ان زاوية - هـ ح ج - ضعف زاوية - ا ز د -

برهان ذلك لنصل - د ح - د هـ - فن اجل ان مسطح - هـ ب  
 في - ب ز - مساو لمربع - د ب - تكون زاوية - ز د ب - مساوية  
 لزاوية - ز هـ د - وزاوية - ز د ب - مساوية لزاوية - ح ز د - فزاوية  
 ز هـ د - مساوية لزاوية - ح ز د - ولكن زاوية - ح ز د - مساوية

لزواوية -- زج د -- لأن مثلث -- ح زد -- تكون مساوية الساقين فزاوية  
 زه د -- مساوية -- لزاوية -- زح د -- فذوا ربعة اضلاع -- ه زدح -- في  
 دائرة ولنخرج خط -- ه ج -- على استقامة الى نقطة -- ط -- فزاوية  
 دح ط -- مساوية لزاوية -- ه زد -- ولانها خارجة عن ذى اربعة  
 اضلاع -- ه زدح -- وزاوية -- ه زدا -- مساوية لزاوية -- اح د  
 فزاوية -- اح د -- ضعف زاوية -- اح ب -- ولكن زاوية -- اح ط  
 مساوية لزاوية -- ه ج -- وزاوية -- اح ب -- مساوية لزاوية  
 ازد -- فزاوية -- ه ج -- ضعف زاوية -- ازد -- وذلك ما اردنا  
 ان نبين (١) .

ولنفرض نصف دائرة عليه - ا ب ج د - ولنصل - ا ج ب  
 د - ولنصل ايضاً - ب ا ج د - ولنخرجها على استقامة حتى  
 تلتقيا على نقطة ه - فاقول - ان مسطح - ب د - في - د ز - مسا  
 ولسطح - ح د - في - د ه - .

برهان ذلك انه اذا كان مسطح - ب د - في - د ز - مثل  
 مسطح - ج د - في - د ه - تكون نسبة - ب د - الى - د ج  
 مثل نسبة - د ه - الى - د ز - فاذا وصلنا - ه ز - يكون مثلثا  
 ب ز ج -- ه زد -- متشابهين وتكون زاوية -- د ب ج -- مساوية  
 لزاوية -- د ه ز -- واذا وصلنا - د ا - كانت زاوية -- د ب ج  
 تساوية لزاوية -- ج ا د -- فتكون زاوية -- د ا ز -- مساوية لزاوية











د ه ز - فيجب ان تكون ذواربعة اضلاع - ه ا د ز - في دائرة ومن  
البين انه في دائرة لأن كل واحدة من زاويتي ه ا ز - ز د ه - قائمة  
فقد وجب ان يكون مسطح - ب د - في - د ز - مساويا لمسطح  
ج د - في - د ه - وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

لتفرض نصف دائرة عليه - ا ب ج د - ولتوصل - ا ج ب  
د - وليكن مسطح - ب د - في - د ي - مساويا للمربع - د ب  
ومسطح - ح ا - في - ا ي - مساويا للمربع - ا ه - ولتصل - ب  
ز ج - فانقول ان خط - ز ح - مساو لخط - ح ه - \*

برهان ذلك لنصل - ب ا - ج د - ولنخرجهما على استقامة  
حتى يلتقيا على نقطة - ط - فسطح - ب د - في - د ي - مساو  
لمسطح - ج د - في - د ط - كما قد تبين فيما تقدم ومسطح - ج ا  
في - ا ي - مساو لمسطح - ب ا - في - ب ط - فسطح - ب ا  
في - ا ج - مساو للمربع - ا ه - ومسطح - ج د - في - د ط  
مساو للمربع - د ز - وزاويتا - ط د ز - ط ا ه - كل واحدة منهما  
قائمة فاذا وصلنا - ز ط - ط ه - كل واحد من زاويتي - ط ز ح  
ط ه ح - قائمة ومن اجل ان مسطح - ا ط - في - ط ا - مساو لمسطح  
ج ط - في - ط د - ومسطح - ب ط - في - ط ا - مساو لمسطح  
ب ا - في - ا ط - مع مربع - ا ط - ومسطح - ح ط - في - ط  
د - مساو لمسطح - ج د - في - د ط - مع مربع - ط د - ومربعات

(١) الشكل السادس .

ب ا - ا ط - ج د - د ط - مساوية لمربعي - ا - د ز - يكون  
 مربعا - ط ا - ا - مساويين لمربعي - ط د - د ز - ولكن مربعي - ط  
 ا - ا - مساويان لمربع - ط - لان زاوية - ط ا - قائمة فمربع  
 ط ز - مساويا لمربع - ط - فخط - ط ز - مساو لخط - ط -  
 فاذا وصلنا - ز - تكون زاوية - ط ز - مساوية لزاوية - ط  
 ز - ولكن زاوية - ط ز ح - القائمة مساوية لزاوية - ط ح  
 القائمة فزاوية - ح د - الباقية مساوية لزاوية - ز ح - الباقية  
 فخط - ح ز - مساو لخط - ح - وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*  
 لنفرض مثلثا متساوي الاضلاع عليه - ا ب ج د - ولنخرج  
 فيه اعمدة - ب د - ج - ا ز - فاقول ان اعمدة - ب د - ج -  
 ا ز - متساوية \*

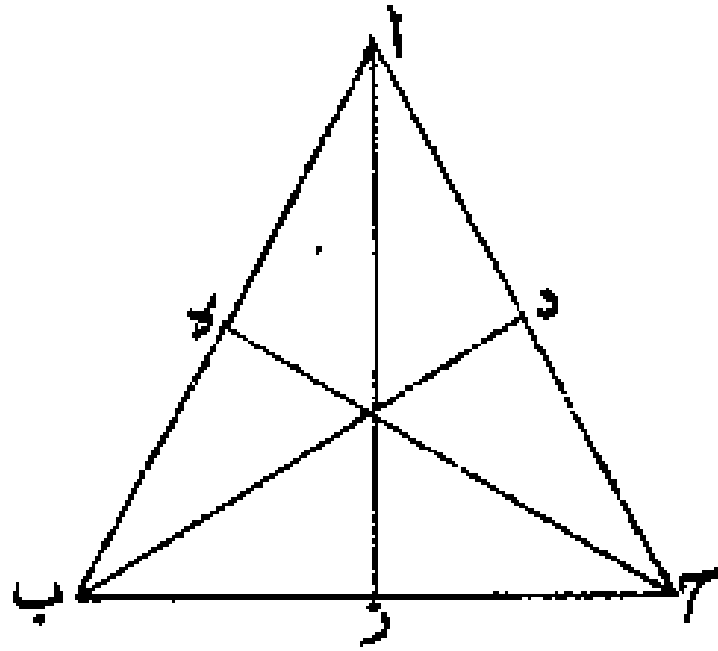
برهان ذلك من اجل ان مثلث - ا ب ج - متساوي الساقين  
 وقد اخرج فيه عمود - ا ز - يكون خط - ب ز - مساويا لخط  
 ز ج - وايضا من اجل ان مثلث - ج ب ا - متساوي الساقين وقد  
 اخرج فيه عمود - ج ه - يكون خط - ا ه - مساويا لخط - ه ب  
 فخط - ج ز - مساو لخط - ا ه - ولنجعل خط - ا ج - مشتركا  
 فيكون خطا - ا ه - ا ج - مساويين لخطي - ا ج - ج ز - وزاوية  
 ج ا ه - مساوية لزاوية - ا ج ز - فقاعدة - ا ب - مساوية لقاعدة  
 ج ه - وايضا من اجل ان مثلث - ب ج ا - متساوي الساقين وقد











الاصول الهندسية ص ٩  
شكل (٨)

اخر ج فيه عمود - ب د - يكون خط - ا د - مساويا لخط - د ه  
 فنخط - ه ب - مساو لخط - ج د - ولنجعل خط - ب ج - مشتركا  
 فيكون خطا - ه ب - ب ج - مساويين لخطي - ب ج - ج د  
 وزاوية - ب ج د - مساوية لزاوية - ج ب د - فقاعدة - ب د  
 مساوية لقاعدة - ج ه - وقد كان تبين ان خط - ه ج - مساو لخط  
 از - فنخط - ب د - مساو لخط - از - فنخطوط - ه ج - از - د  
 ب - الثلاثة متساوية وذلك ما اودنا ان تبين (١) \*

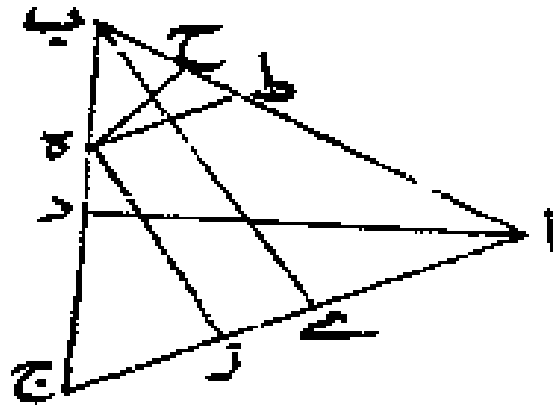
لنقرض مثلثا متساوي الاضلاع عليه - ا ب ج - ولنخرج  
 فيه عمود - ا د - ولنعلم على خط - ب د - نقطة كيف ما وقعت  
 وهي نقطة - ه - ولنخرج من نقطة - ه - الى خطي - ج ا - ا ب  
 عمودين وهما خطا - ز ه - ه ج - فانقول ان - ا ه - مساو لخطي  
 ز ه - ه ج - \*

برهان ذلك لنخرج من نقطة - ه - خطا موازيا - لاج  
 وهو خط - ه ط - ولنخرج من نقطة - ب - خطا يكون عمودا  
 على خط - ا ج - وهو خط - ب ي - فمن اجل ان مثلث - ا ب ج  
 متساوي الاضلاع وخط - ا ج - مواز لخط - ط ه - يكون  
 مثلث - ب ط ه - متساوي الاضلاع ومن اجل ان خط - ب ي  
 عمود على خط - ا ج - وخط - ا ج - مواز لخط - ط ه - فيكون  
 خط - ب ي - عمودا على خط - ط ه - وخط - ب ي - مساو

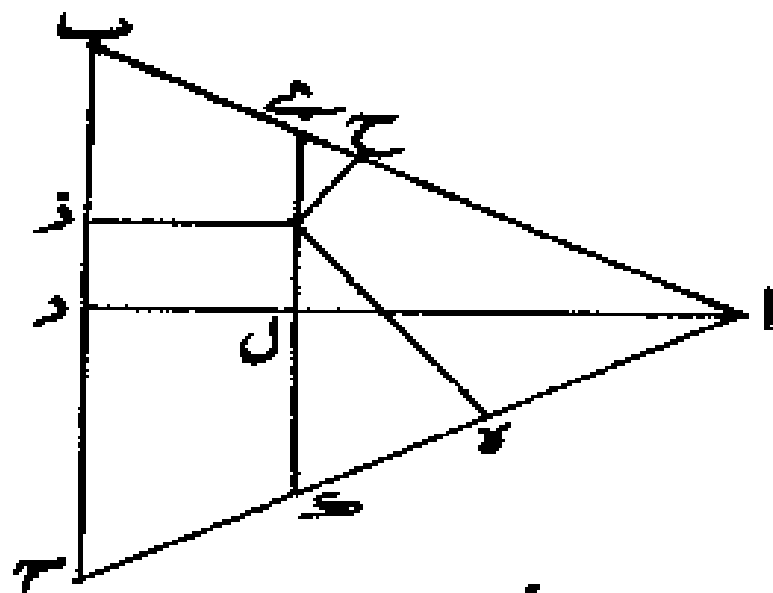
(١) الشكل الثامن.

نخط -- ه ز -- لأن سطح -- ك ه زى -- متوازي الاضلاع فجميع  
خط -- ب ي -- مساوئخطى -- ه ح -- ه ز -- ولكن خط -- ب ي  
مساوئخط -- ا د -- فقط -- ا د -- مساوئخطى -- ه ز -- ه ج -- وذلك  
ما اردنا ان نبين (١) •

لتفرض مثلثا متساوي الاضلاع عليه -- ا ب ج -- ولنخرج  
فيه عمود -- ا د -- ولنعلم في داخله نقطة كيف وقعت وهي نقطة -- ه  
ولنخرج منها الى اضلاع المثلث اعمدة وهي خطوط -- ز ه -- ه ح  
ه ط -- فاقول ان خط -- ا د -- مساوئخطوط -- ه ز -- ه ح -- ه ط •  
برهان ذلك لنخرج على نقطة -- ه -- خطا موازيا لخط -- ب  
ج -- وهو خط -- ي ه ل ك -- فمن اجل ان خط -- ب ك -- مواز  
لخط -- ب ج -- وخط -- ه ز -- مواز لخط -- د ل -- يكون سطح  
ه د -- متوازي الاضلاع ومن اجل ان مثلث -- ا ب ج -- متساوي  
الاضلاع وقد اخرج فيه عمود -- ا د -- وخط -- ب ك -- مواز  
لقاعدته وهي لقاعدته وهي خط -- ب ج -- يكون مثلث -- ا ي ك  
متساوي الاضلاع ومن اجل ان مثلث -- ا ي ك -- متساوي الاضلاع  
وقد اخرج فيه عمود -- ا ل -- وتعلم على خط -- ب ك -- نقطة ما كيف  
وقعت وهي نقطة -- ه -- واخرج منها عمود ان على خطى -- ي ا -- ا  
ك -- وهما خطا -- ه ح -- ه ط -- يكون خط -- ا ل -- مساويا لخطى  
ه ح -- ه ط -- وقد كان تبين ان خط -- ا ل -- مساوئخطوط -- ه ز -- فقط



الاصول الهندسية ص ١٠  
شكل (٩)



الاصول الهندسية ص ٦١  
شکل (١٠)

اد - اذن هو مساوٍ لخطوط - ه - ز - ح - ط - وذلك ما اردنا ان نبين (١) .

لنفرض مثلثا متساوي الساقين عليه - اب ج - وانخرج من نقطة - ا - عمودا على خط - اب - وهو - اد - وانخرج خط - ب ج - على استقامة حتى يلقى خط - اد - على نقطة - د - ونقسم خط - اب - بنصفين على نقطة - ه - ونصل - ه - زد وانخرج من نقطة - ز - خطا موازيا لخط - اب - وهو خط - ز ح - فاقول ان - مطمح - دا - في - اح - مساوٍ للمربع اج - .

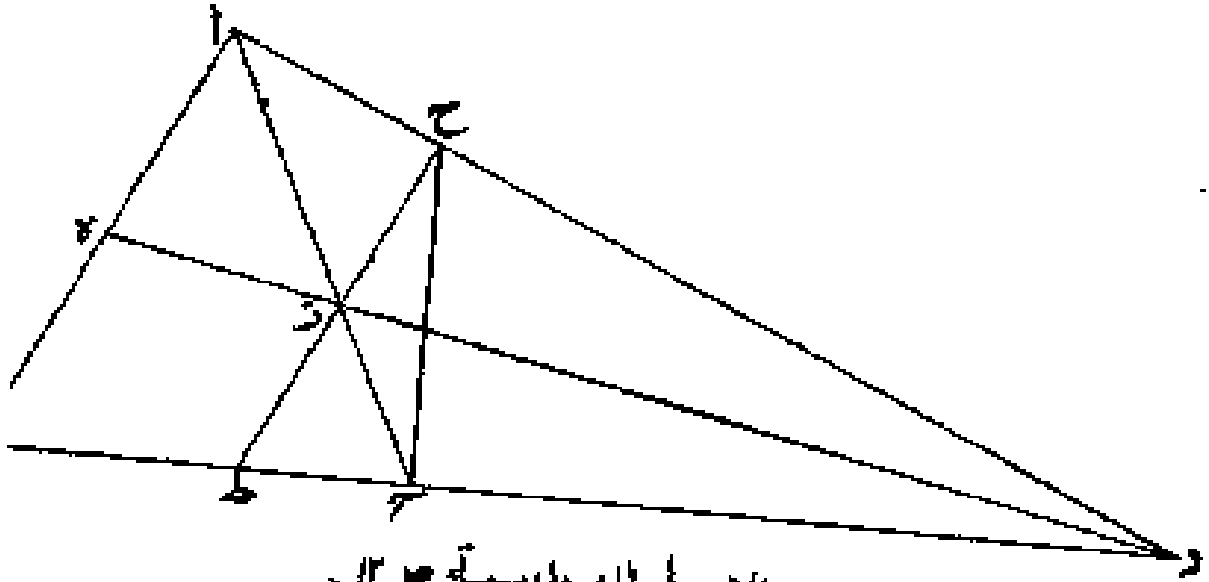
برهان ذلك لنخرج - ز ح - على استقامة الى نقطة - ط - فمن اجعل ان مثلث - اب ج - متساوي الساقين وخط - ز ط - مساويا لخط - اب - يكون خط - ز ط - مساويا لخط - ز ج - وايضا من اجل ان خط - اه - مساوٍ لخط - ه ب - وخط - ه ب - مواز لخط - ح ط - يكون خط - ح ز - مساويا لخط - ز ط - وقد كان تبين ان خط - ز ط - مساوٍ لخط - ز ج - فخط - ز ج - مساوٍ لخط - ز ح - فخطوط - ز ح - ز ط - ز ج - الثلاثة متساوية فاذا وصلنا - ح ج - تكون زاوية - ج ح ط - قائمة فزاويتا - ز ح ج - ح ط ج - الباقيتان مساويتان لقائمة واحدة وزاوية - ز ط ج - مساوية لزاوية - اب ج - فزاوية - اب ج - مع زاوية

(١) الشكل العاشر .

زح ج - مساويتان لقاعدة واحدة وزاوية - ا ب ج - مع زاوية  
 ادب - مساويتان لقاعدة واحدة وزاوية - ادب - مساوية لزاوية  
 زح ج - وزاوية - زح ج - مساوية لزاوية - زح ج -  
 فزاوية - ادب - مساوية لزاوية - زح ج - فسطح - د  
 ا - في - ا ح - مساو للمربع - ا ج - وذلك ما اودنا ان نبين (١) \*  
 لنفرض مثلثا عليه - ا ب ج - ولنخرج من نقطة - ا - لى  
 خط - ب ج - خطا محيط مع - ب ا - بزاوية مساوية لزاوية - ا ج  
 ب - وهو خط - ا د - فزاوية - ب ا د - مساوية لزاوية - ا ج  
 د - فاقول ان مسطح - ج ب - في - ب د - مساو للمربع - ا ب \*  
 برهان ذلك من اجل ان زاوية - ا ج ب - مساوية لزاوية  
 ب ا د - نجعل زاوية - ا ب ج - مشتركة لمثلثي - ا ب ج - ا ب د  
 فتكون زاوية - ب د ا - الباقية مثل زاوية - ب ا ج - فمثلثا - ا ب  
 ج - ا ب د - متساويا الزوايا فهما اذن متشابهان فنسبة - ج ب  
 الى - ب ا - مثل نسبة - ا ب - الى - ب د - فسطح - ج ب  
 في ب د - مساو للمربع - ا ب - وذلك ما اودنا ان نبين (٢) \*

لنفرض مثلثا متساوي الساقين عليه - ا ب ج - وليكن  
 ساقاه المتساويان خطي - ا ب - ب ج - ولنخرج من نقطة - ا -  
 خطا يكون عمودا على خط - ب ج - وهو خط - ا د - فاقول ان

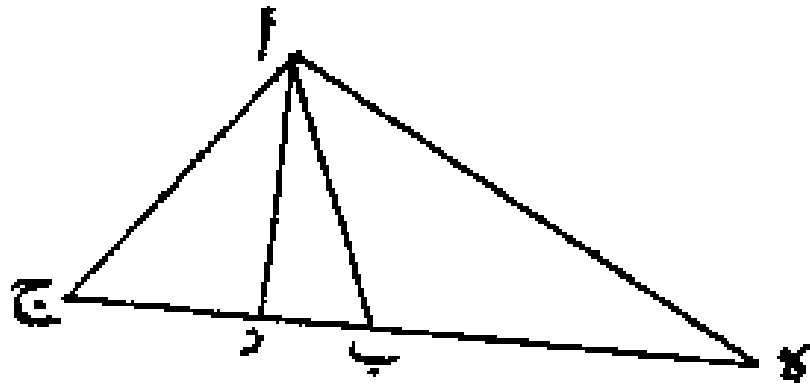
(١) الشكل الحادي عشر (٢) الشكل الثاني عشر .



الاصول الهندسية من ١٢  
شكل (١١)

بياض في الاصل  
الاصول الهندسية من ١٣  
شكل (١٣)





الاصول الهندسية ص ٣  
شكل (١٣)

مسطح - د ج - في - ج ب - مرتين مساوياً - ا ج - \*  
 برهان ذلك لنخرج من نقطة - ا - عموداً على خط - ا ج  
 وهو خط - ا ه - ولنخرج خط - ب ج - على استقامة حتى يلقى  
 خط - ا ه - وليكن التقاؤها على نقطة - ه - فن اجل ان  
 زاوية ه ا ج - قائمة وخط - ج ب - مساو - لخط - ا ب  
 تكون خطوط - ب ب - ج - ب - ا - الثلاثة متساوية لنخط - ه ج  
 ضمناً خط - ج ب - فسطح - ه ج - في - ج د - مساوياً  
 ج ا - لأن زاوية - ه ا ج - قائمة وخط - د ا - عمود على خط  
 ب ج - فسطح - د ج - في - ج ب - مرتين مساوياً - ا ج -  
 وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

لتفرض مثلاً عليه - ا ب ج د - ولنخرج من نقطة - ا - الى  
 خط - ب ج - عمود - ا د - فاقول ان زيادة مربع - ب د - على  
 مربع - د ج - مثل زيادة مربع - ب ا - على مربع - ا ج - \*  
 برهان ذلك من اجل انه اذا زيد على زيادة مربع - ب د  
 على مربع - د ج - مربع - ا د - كانت مثل زيادة مربعي - ب د  
 د ا - على مربعي - ا د - د ج - ومربعا - ب د - د ا - مساويان  
 لمربع - ا ب - ومربعا - ا د - د ج - مساويان لمربع - ا ج - فتكون  
 زيادة مربع - ب د - على مربع - د ج - مثل زيادة مربع - ب ا

(١) الشكل الثالث عشر .

على مربع - ا ج - وذلك ما اردنا ان نبين (١) .

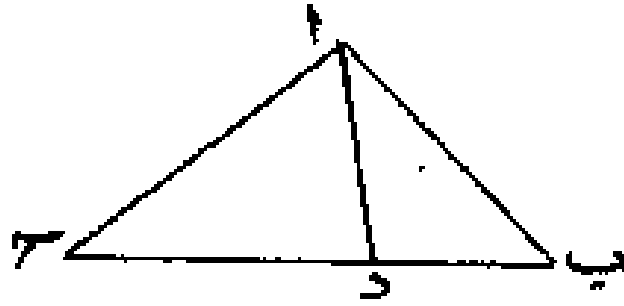
نفرض مثلثا قائم الزاوية عليه - ا ب ج - ولتكن زاويته  
القائمة زاوية - ا - وانقسم - ب ج - بنصفين على نقطة  
د - ونصل - ا د - فاقول ان خطوط - ا د - ب د - د ج -  
متساوية .

برهان ذلك لنخرج من نقطة - د - خطا موازيا لخط - ا ب  
وهو خط - د ه - فمن اجل ان خط - ب د - مساو لخط - د ج  
وخط - د ه - مواز لخط - ا ب - يكون خط - ا ه - مساويا  
لخط - ه ج - وزاوية - ب ا ج - فرصت قائمة فزاوية - ه ج - التي  
تليها قائمة وكذلك زاوية - ز - ومن اجل ان خط - ا ه - مساو  
لخط - ه ج - وخط - ا ه - مشترك وزاوية - ه ج - مساوية لزاوية  
ز - تكون قاعدة - ا ه - مساوية لقاعدة - د ج - وليكن خط  
د ج - مساو لخط - د ب - فخطوط - ا د - ب د - د ج - الثلاثة  
متساوية وذلك ما اردنا ان نبين (٢) .

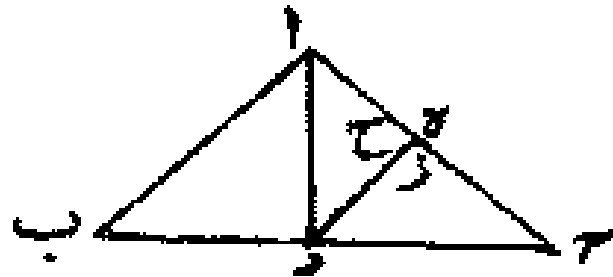
نفرض مثلثا متساوي الساقين عليه - ا ب ج - ولنخرج  
من نقطة - ا - الى خط - ب ج - خطا كيف ما وقع وهو خط  
ا د - فاقول ان مسطح - ب د - في - د ج - مع مربع - د ا  
مساو لمربع - ا ج .

(١) الشكل الرابع عشر (٢) الشكل الخامس عشر .

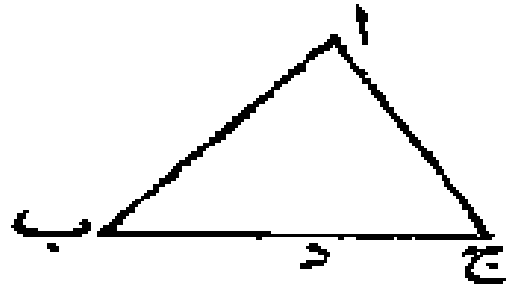
هنا



الأصول الهندسية ص ١٣  
شكل (١٤)



الأصول الهندسية ص ١٤  
شكل (١٥)



الاصول الهندسية ص 15  
شكل (16)

برهان ذلك لنخرج من نقطة - ا - الى خط - ب ج - عمود - ا ه - فمن اجل ان خط - ب ج - قد قسم بنصفين على نقطة - ه - وبقسمين مختلفين على نقطة - د - يكون مسطح - ب د في - د ج - مع مربع - ه د - مساويا لمربع - ه ج - ولنجعل مربع - ا ه - مشتركا فيكون مسطح - ب د - في - د ج - مع مربع - ا ه - مساويا لمربع - ا ه - ولكن مربعي - ا ه - مساويان لمربع - ا د - لأن زاوية - ا ه د - قائمة ومربعي - ا ه ج - مساويان لمربع - ا ج - لأن زاوية - ا ه ج - قائمة فسطح - ب د - في - د ج - مع مربع - د ا - مساويا لمربع - ا ج - وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

لتفرض مثلثا متساوي الساقين عليه - ا ب ج - ولنخرج من نقطة - ا - خطين وهما خطا - ا د - ا ه - ولتكن نسبة مسطح - ب د - في - د ج - الى مربع - د ا - مثل نسبة مسطح - ج ه - في - ه ب - الى مربع - ه ا - فاقول ان خط - د ا - مساو لنقط - ا ه - برهان ذلك من اجل ان نسبة مسطح - ب د - في - د ج - الى مربع - ا د - مثل نسبة مسطح - ج ه - في - ه ب - الى مربع - ا ه - فانا اذا ركبنا كانت نسبة مسطح - ب د - في - د ج - مع مربع - د ا - الى مربع - ا د - مثل نسبة مسطح - ج ه - في - ه ب - الى مربع - ا ه -

(١) الشكل السادس عشر .

ب - مع مربع - ا - الى مربع - ا - وليكن مسطح  
 ب د - في - د ج - مع مربع - د ا - مساوالمربع - ا ب - ومسطح  
 ج - في - ب - مع مربع - ا - مساوالمربع - ا ج - فنسبة  
 مربع - ج ا - الى مربع - ا د - مثل نسبة مربع - ب ا - الى  
 مربع - ا - والمقدمان متساويان فالتاليان اذن متساويان نقط - د ا  
 مساوونخط - ا - وذلك ما اردنا ان نبين (٨) \*

نفرض مثلثا عليه - ا ب ج - ولتقسم زاوية - ا - بتصفيين  
 بخط - ا د - فاقول ان نسبة خطي - ب ا - جميعا الى خط - ج ب  
 مثل - ا ب - الى - ب د - \*

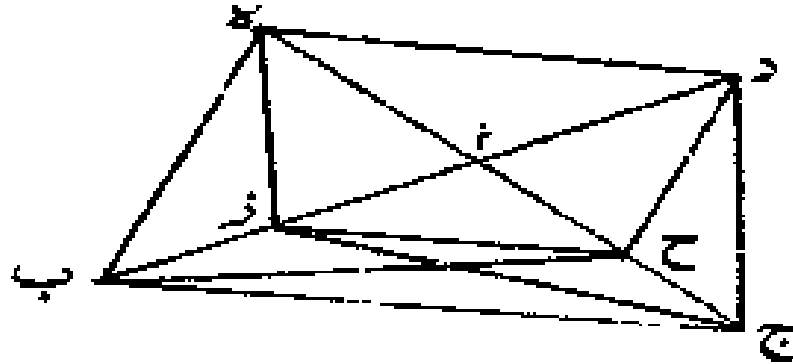
برهان ذلك من اجل ان زاوية - ا - من مثلث - ا ب ج  
 قد قسمت بتصفيين بخط - ا د - تكون نسبة - ب ا - الى - ا ج  
 مثل نسبة - ب د - الى - د ج - واذا بد لنا كانت نسبة - ا ب  
 الى - ب - د - مثل نسبة - ا ج - الى - ج د - ونسبة الجميع الى  
 الجميع مثل نسبة واحد الى واحد فنسبة خطي - ب ا - ا ج - الى  
 خط - ج ب مثل نسبة - ا ب - الى - ب د - وذلك ما اردنا ان  
 نبين (٩) \*

نفرض مثلثا عليه - ا ب ج - ولنخرج خطي - ج ا - ب ا  
 على استقامة الى تقطبي - د - ولنصل - د ج - ب - ولنخرج

(١) الشكل السابع عشر (٢) الشكل الثامن عشر .







الأصول الهندسية ص ١٤  
شكل (١٩)

من نقطة - د - خطا موازيا لخط - ه ب - وهو خط - د ح  
 ولنخرج من نقطة - ه - خطا موازيا لخط - د ج - وهو خط - ه  
 ز - ونصل - ز ح - فاقول ان خط - ز ح - مواز لخط - ب ج -  
 برهان ذلك لنصل - ز ج - ه ب - ه د - فثلث - ز ه  
 ج - مساو لثلاث - د ز ج - لأنهما على قاعدة واحدة وهي خط  
 ز ج - وبين خطين متوازيين وهما خطا - د ج - ه ز - ويلتقي مثلث  
 د ا ج - المشترك فيكون مثلث - د ا ه - الباقي مساويا لثلاث - ج  
 ا ز - الباقي ومثلث - د ه ب - مساو لثلاث - ح ه ب - لأنهما على  
 قاعدة واحدة وهي خط - ه ب - وبين خطين متوازيين وهما - ه  
 ب - د ح - ويلتقي مثلث - ه ا ب - المشترك فيكون  
 الباقي مساويا لثلاث - ا ب ج - الباقي ولكن قد كان تبين ان مثلث  
 د ا ه - مساو لثلاث - ج ا ب - فثلث - ا ب ج - مساو لثلاث - ا  
 ز ج - ويلتقي مثلث - ا ز ح - المشترك يكون مثلث - ب ز ح  
 الباقي مساو لثلاث - ح ز ج - وهما على قاعدة واحدة وهي خط - ز  
 ح - فهما بين خطين متوازيين فخط - ز ح - مواز لخط - ب ج  
 وذلك - ما اردنا ان نبين (١) .

لنفرض خط - ا ب - مساويا لخط - ا ج - وخط - ب د  
 مساويا لخط - د ج - وليكن كل واحدة من زاويتي - ب ا ج - ب

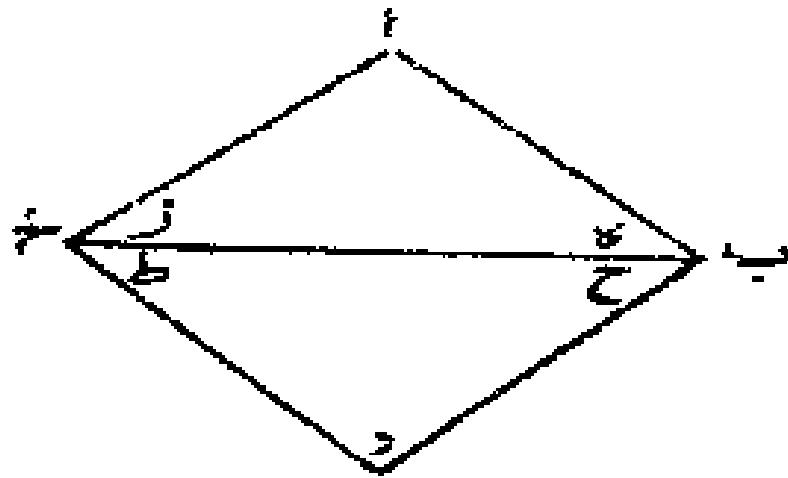
(١) الشكل التاسع عشر .

د ج - قاعة فاقول ان زاوية - ا ب د - مساوية لزاوية - ا ج د •  
 برهان ذلك لنصل - ب ج - فمن اجل ان زاوية - ا - قاعة  
 تكون زاويتا - ه - ز - مساويتين لقاعة واحدة وايضا من اجل ان  
 زاوية - د - قاعة تكون زاويتا - ح - ط - مساويتين لقاعة واحدة  
 وقد كانتا زاويتا - ه - ز - مساويتين لقاعة واحدة فزاويتا - ه - ز  
 مساويتان لزاويتي - ح - ط - فجميع زاوية - ه - ح - مساوية لجميع  
 زاوية - ز ط - وذلك ما اردنا ان نبين (١) •

- تم كتاب ارشميدس في الاصول الهندسية وهو عشرون شكلا

ولله الحمد وصلواته على نبيه محمد وآله





الاصول الهندسية ص ١٨  
شكل (٢٠)



# كتاب

في الدوائرا المتحاسة

لارشميدس

المقتول سنة مائتين واثنا عشر قبل الميلاد



## الطبعة الاولى

بمطبعة جمعية دائرة المعارف العثمانية

بمصلحة الدولة الآصفية الاسلامية

حيدرآباد الدكن

لا زالت شموس افاداتها يا زغة و يدور

افاضنا لها طالعة الى آخر الزمن

سنة ١٣٦٦ هـ  
١٩٤٧ م

تعداد الطبع ٥٠٠  
١٣٥٦ ف

## بسم الله الرحمن الرحيم

قال ارسطيدس اذا كانت دوائر كم كانت متتالية متماسمة ومراكزها على خط واحد واخرج ذلك الخط على استقامة وتعامت عليه نقطة ما واخرج منها خط يعاس الدوائر فان الدوائر متناسبة على تواليها وان كانت الدوائر متناسبة على تواليها فان الخط الذي يعاس دائرتين متتاليتين منها اذا اخرج على استقامة ما س باقى الدوائر -

مثال ذلك لنفرض دوائر متتالية متماسمة على مراكزها ا ب ج - وليكن مراكز ا ب ج - على خط واحد مستقيم وهو خط - ا ب ج - ولنفرض الدوائر يعاس بعضها بعضا على نقطتي - د ه - ولنعلم على خط - ا ب ج - نقطة - ز - وليخرج منها خط يعاس الدوائر على تقاطع - ح ط ك -

فاقول ان نسبة دائرة (١) الى دائرة - ب - كنسبة دائرة ب - الى دائرة - ج -

برهان ذلك لنخرج من النقطة س المماسمة اقطار اعلى المراكز وهى خطوط - ك ا ل - ط ب م - ح ج ن - ولنصل - ل د - ط - م - ه - ح - فمن اجل ان خطوط - ك ل - ط م - ح ن - قد اخرجت من التقاطع المماسمة على المراكز فانها اعمدة على الخط

المتعاس فهي اذن متوازية فزاوية  $\therefore$  ل ا د - اذن مساوية لزاوية  $\therefore$  د  
 ل ط - ومثلثا - ل ا د - د ل ط - متساويا الجاوين فزاوية - ا د ب  
 اذن مساوية لزاوية  $\therefore$  ب د ط - فخط - ا ب - مستقيم فخط - ل ط  
 اذن ايضا مستقيم ومثل ذلك تبين ان خط - م ح - مستقيم ومن اجل  
 ان مثلثي - ل ك ط - م ط ح - المتماثلين الزوايا زاويتا - ا ل ج - ب م  
 د - منهما متساويتان فان الزاويتين الباقيتين منهما ومما - ك ط ل  
 ط ح م - متساويتان فخط - ل ط - اذن مواز لخط - م ح - ومن  
 اجل ان مثلثي - ل ك ط - م ط ح - متشابهان تكون نسبة - ل ك  
 الى - ل ط - مثل نسبة - م ط - الى - ط ح - واذا بد لنا تكون نسبة  
 ل ك - الى - م ط - مثل نسبة - ل ك ط - الى - ط ح - ولكن نسبة  
 ل ك - الى - ط م - مثل نسبة - ل ك ا - الى - ط ب - اعني مثل نسبة  
 ك ز - الى - ز ط - فتسوية (١) اذن الى - ز ط - مثل نسبة - ل ك ط - الى  
 ط ح - ومن اجل ان نسبة كل - ك ز - الى كل - ز ط - مثل نسبة  
 ل ك ط - المنقوص الى - ط ح - المنقوص من تكون نسبة - ط ن  
 الباقي الى - ز ح - الباقي مثل نسبة - ل ك ز - الى - ز ط - ولكن  
 نسبة - ل ك ز - الى - ز ط - مثل نسبة - ل ك ا - الى - ط ب - اعني مثل  
 نسبة - ل ك ل - الى - ط م - ونسبة - ط ز - الى - ز ح - مثل نسبة  
 ط ب - الى - ح ج - اعني مثل نسبة - ط م - الى - ح ن - فتسوية  
 ل ك ل - اذن الى - ط م - مثل نسبة - ط م - الى - ح ن - فتسوية مربع

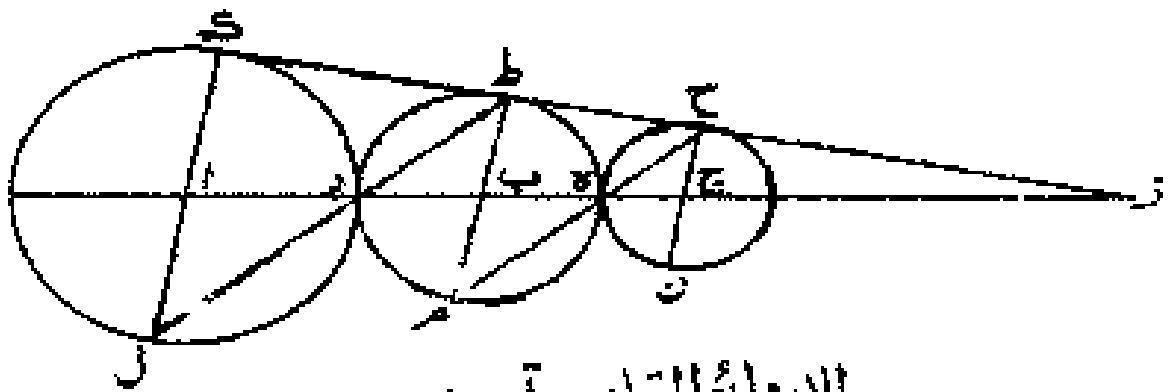
(١) هنا خرم في الاصل .



ك ل - الى مربع - ط م - مثل نسبة مربع - ط م - الى مربع - ح ن  
ونسب الدوائر بعضها الى بعض كنسب مربعات اقطارها بعضها  
الى بعض فنسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة دائرة - ب - الى  
دائرة - ج - وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

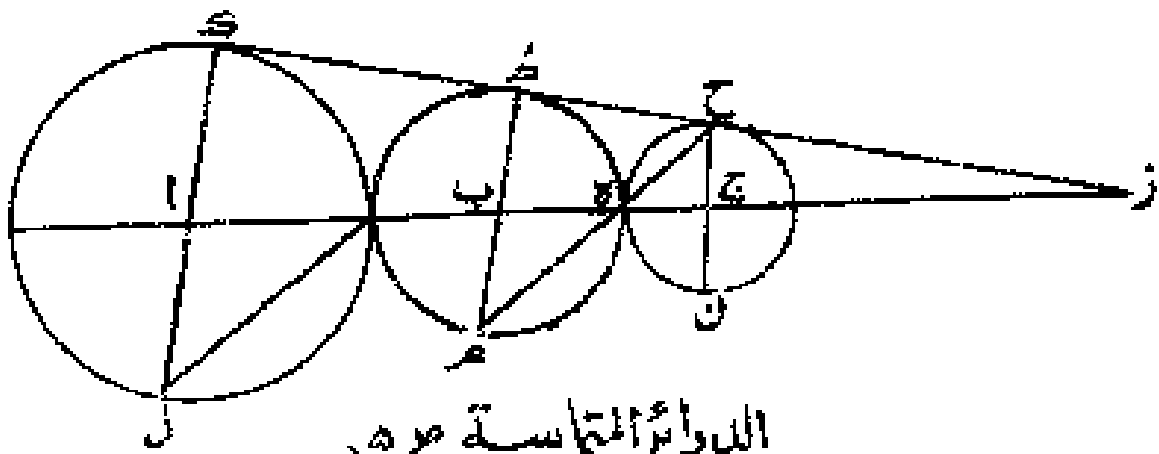
وايضاً لتكن الدوائر متناسبة على تواليها ولنفرض خط - ز  
ح - تماس دائرتي - ج ب - على نقطتي - ح ط \*  
فاقول انا اذا اخرجنا خط - ز ط - على استقامته ماس باقى  
الدوائر \*

برهان ذلك لنخرج على نقطة - ا - خطاً موازياً لخط - ط م  
وهو قطر - ك ا ل - ولنصل - ط ك - ولنتمم باقى الرسم على ما فى  
الشكل الذى تقدم فتبين لنا (٢) ان خط - ل ج - على استقامة خط  
ج ط - وان خط - ل ط - مواز لخط - م ح - وان مثلث - ك ل  
ط - مشابه لمثلث - ط م ح - ومن اجل ان الدوائر متناسبة على تواليها  
فان نسبة - ك ل - الى - ط م - مثل نسبة - ط م - الى - ح ن  
ولكن نسبة - ك ل - الى - ط م - اعنى نسبة - ا ل - الى - ط ب -  
مثل نسبة - ل د - الى - ز ط - اعنى مثل - ل د - الى - م ه - ونسبة  
ط م - الى - ح ن - اعنى نسبة - ب م - الى - ج ح - مثل نسبة - م  
ه - الى - ح - اعنى مثل نسبة - د ط - الى - ه ح - وقد كانت نسبة  
ل د - الى - م ه - مثل نسبة - ك ل - الى - ط م - ونسبة - ك ل -



الدوائر المتماثلة صور

شكل (1)



الدوائر المتماسّة من  
شكل (٢)

أخذنا إلى ط م -- مثل نسبة ل د -- إلى م ه -- ومثل نسبة د ط -- إلى  
 ح -- اعني مثل نسبة جميع ل ط -- إلى جميع م ح -- ومن اجل ان  
 نسبة ل ك -- إلى ط م -- مثل نسبة ل ط -- إلى م ح -- والزاويتان  
 اللتان محيط بها متساويتان فان مثلثي ل ك ط -- ط م ح -- متشابهان  
 فزاوية ل ك ط -- مساوية لزاوية م ط ح -- وزاوية م ط ح -- م ط ح  
 قائمة فزاوية ل ك ط -- قائمة وخط ل ك ل -- مواز لخط ط ب  
 فزاوية ل ك ط م -- اذن قائمة وقد كانت زاوية ب ط ح -- قائمة  
 فنخط ح ط -- اذن على استقامة خط ل ط ك -- ويعاس دائرة ا ه  
 وبمثل ذلك تبين انه اذا كانت دوائر اكثر من هذه كم كانت  
 تماسها كلها \*

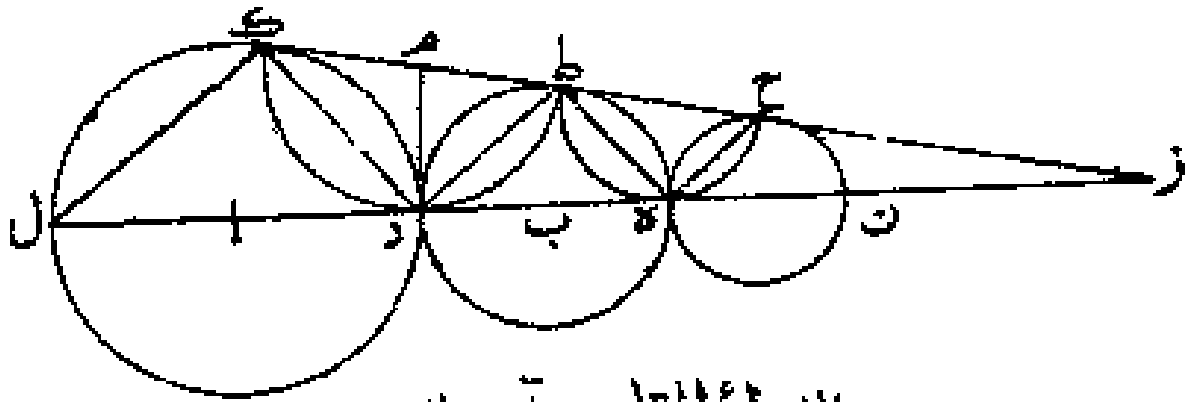
وايضا لافرض الدوائر على ما في المقدمة ولنصل ل ك -- ل ك د  
 ط ه -- ح ن -- ولنخرج من نقطة د -- خطا يعاس كل واحد  
 من دائرتي -- ا ب ه -- وهو خط د م -- فنخط د م -- عمود على خط  
 ل ن -- ومن اجل ان كل واحد من خطي ل ك م -- م د -- يعاس دائرة  
 ا -- يكون خط ل م -- مساويا لخط م د -- وكذلك ايضا يكون  
 خط د ط م -- مساويا لخط م د -- فنخطوط ل ك م -- م د -- ط م  
 الثلاثة متساوية والدائرة المرسومة على مركز م -- ويبعد م ك  
 كدائرة -- ك د ط -- تجوز على تقطع ك د ط -- فزاوية ل ك د ط  
 قائمة وزاوية ل ك د -- قائمة فنخطا ل ك ط د -- متوازيان \*

(١) الشكل الثاني.

وبمثل ذلك تبين ان خطى - د ط - ه ح - متوازيان وايضا  
من اجل ان خط - زح ك - يماس دائرة - ا - على نقطة - ك - وخط  
ك د - لما يفصلها تكون زاوية - ط ك - مساوية لزاوية - ك ل د  
ومثلثا - ل ك د - ك د ط - قائمة الزاويتين فزاوية - ك د ل - الباقية  
مساوية لزاوية - ك ط د - الباقية فمثلثا - ل ك د - ك د ط - متشابهان  
ولكن مثلث - ل ك د - هو مشابه لمثلث - د ط ه - ومثلث - ك د  
ط - مشابه لمثلث - ط ه ح - فمثلثات - ل ك د - ك د ط - ط ه ح  
ه ح ن - اذن متشابهة فنسبة - الك - الى - ك د - مثل نسبة - ك  
د - الى - ط د - ومثل نسبة - د ط - الى - ط ه - ومثل نسبة - ط  
ه - الى - ه ح - فاذا التقينا الاوساط تصبح نسبة - ل ك - الى - د ط -  
مثل نسبة - د ط - الى - ه ح - ولكن نسبة - ل ك - الى - د ط  
مثل نسبة - ل د - الى - د ه ونسبة - د ط - الى - ه ح - مثل نسبة  
د ه - الى - ه ز - فنسبة - ل د - الى - د ه - اذن مثل نسبة - د ه  
الى - ه ز - فنسبة مربع - ل د - اذن الى مربع - د ه - مثل نسبة مربع  
د ه - الى مربع - ه ز - فنسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة  
دائرة - ب - الى دائرة - ج - وذلك ما اردنا ان نبين (١) .

وايضا لتكن الدوائر متناسبة على تواليها وليكن خط - زح  
يماس دائرتي - ج ب - على تقطعي - ح ط - .

فندقول انا اذا اخرجنا خط - زح ط - على استقامته ماس



الدوائر المتماصة حرك  
شكل (٣)



أثره - ا - هـ .

برهان ذلك لنصل خطوط - ب ح - ح هـ - هـ ط - ط د  
 ولنخرج من نقطة - د - خطا موازيا لخط - ط هـ - وهو خط - د ك  
 ولنصل - ط ك - ك ل - فمن اجل ان خط - ك د - مواز لخط - ط هـ  
 تكون زاوية - ك د ل - مساوية لزاوية - ط هـ د - وزاوية  
 ط هـ د - قائمة وهي مساوية لزاوية - ط د ك - لأن خطي - ك د  
 ط هـ - متوازيان وزاوية - د ك ل - قائمة لانها في نصف دائرة  
 ل ك د - فزاوية - ط د ك - اذن مساوية لزاوية - د ك ل - فخط  
 ا ك - اذن مساو لخط - د ط - ومن اجل ان المثلثات متشابهة على  
 ما تبين فيما تقدم تكون نسبة - ب ج - الى - ح هـ - مثل نسبة - ح هـ  
 الى - هـ ط - ومثل نسبة - هـ ط - الى - ط د - فنسبة - ز ح - اذن  
 الى - م ط - مثل نسبة - ز ح - الى - هـ ط - مثناة ولكن نسبة - ز ح  
 الى - هـ ط - مثل نسبة - هـ ط - الى - د ك - ونسبة - ز ح - الى - ح هـ  
 كنسبة - هـ ط - الى - ط د - فنسبة - هـ ط - اذن الى - ط د  
 كنسبة - هـ ط - الى - ط د - مثناة فنسبة - هـ ط - الى - ط د - مثل  
 نسبة - ط د - الى - د ك - وهي تحيط بزوايا متساوية فثالث - ك  
 د ط - مشابه لثالث - د ط هـ - وزاوية - د ك ط - مساوية لزاوية  
 د ط هـ - وقد كانت زاوية - ح ط هـ - مساوية لزاوية - ط د هـ  
 فزاوية - ح ط هـ - اذن مساوية لزاوية - ط ك د - ومن اجل ان

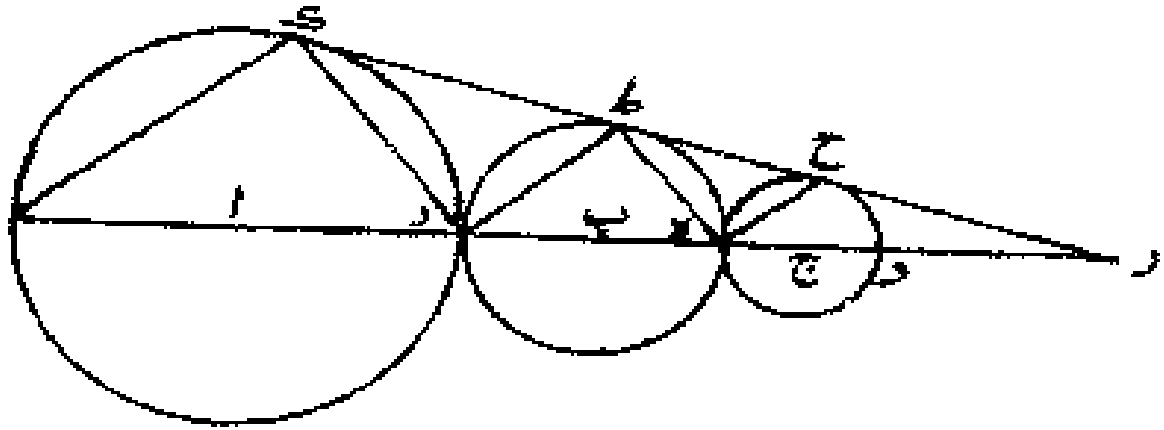


زاويتي - ك ط ح - ط ح ه - معادلتين لقائمتين وزاوية - ك د ط  
 مساوية لزاوية - ط ح ه - تكون زوايا - د ب ه - د ط ح - معادلتين  
 لقائمتين نخط - ك ط - على استقامة خط - ه ز - وايضا من اجل ان  
 زاوية ط ك د - مساوية لزاوية - د ل ك - يكون خط - ز ك - مماسا  
 لدائرة - ا - نقلت ما قبل في المقالة الثالثة من كتاب اوقليدس الموسوم  
 بالاسطقات وقد يحصل لنا معا يينا انه اذا كان دائرتان تماسان من  
 خارجهما وما بينهما جميعا خط واحد كخط - ط ك - فان الخط  
 المماس يكون وسطا بين قطري الدائرتين على توالي النسبة وذلك  
 انه يشابه المثلثات تكون نسبة - ل د - الى - ك ط - كنسبة - ك ط  
 الى - د ه (١) -

اذا كانت دوائر متتالية مراكزها على خط واحد مستقيم  
 وانخرج ذلك الخط وفرض على المخرج منه نقطة ما وانخرج منها خط  
 مستقيم تماس الدوائر فان نسب الدوائر بعضها الى بعض كنسب  
 مربعات الخطوط التي يماسها بعضها الى بعض \*

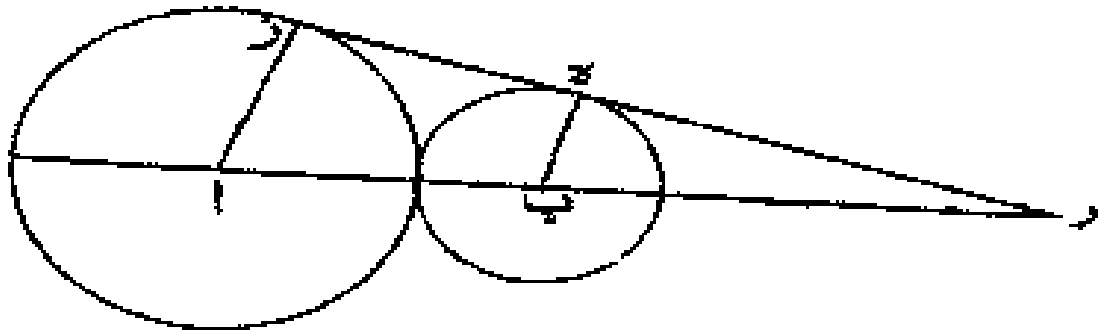
مثال ذلك لنفرض دائرتين على مركزين - ا ب - وليكن  
 مركزا - ا ب - على خط واحد مستقيم وليخرج خط - ا ب - وليعلم  
 على دائرة - ب - نقطة - ه - ويخرج خطا يلقى خط - ا ب - وتماس  
 دائرة - ب - على - ه - ودائرة - ا - على - ز \*

فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - مثل نسبة المربع



الدوائر المتجانسة ص ٨

شكل (٣)



الدوائر المتماسّة ص ٩  
شكل (٥)

الذي يكون من خط - زد - المماس الى المربع الذي يكون من خط  
 هـ د - المماس \*

برهانه لتصل - زا هـ ب - فمن اجل ان كل واحدة من زاويتي  
 ا زد - ب هـ د - قائمة يكون خط - زا - موازيا لخط - هـ ب - فنسبة  
 زا - الى - هـ ب - اعني نسبة قطر دائرة - ا - الى قطر دائرة - ب -  
 كنسبة - زد - المماس الى - د هـ - المماس فنسبة مربع قطر دائرة - ا -  
 الى مربع قطر دائرة - ب - اعني نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب -  
 كنسبة مربع خط - زد - المماس الى مربع خط - د هـ - المماس وذلك  
 ما اردنا ان نبين (١) \*

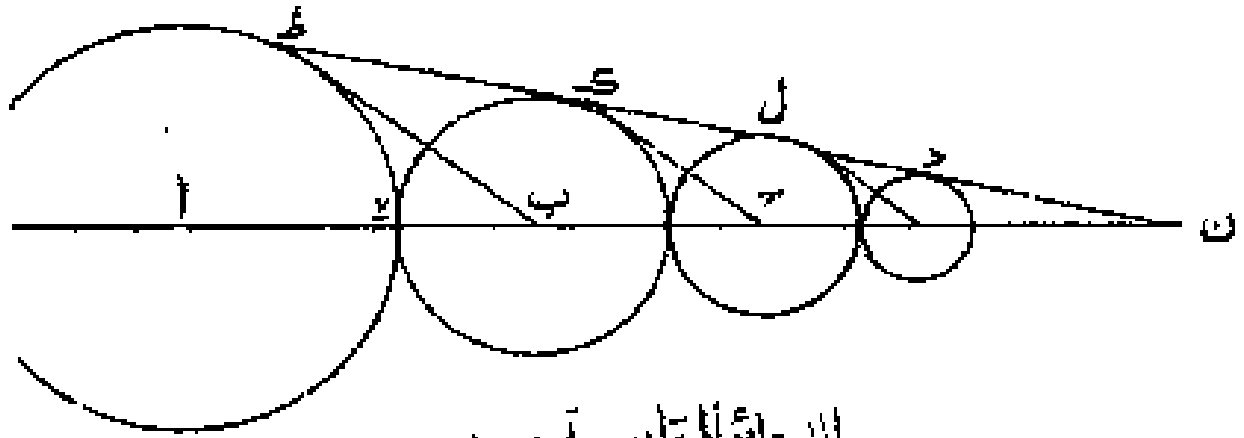
اذا كانت دوائر متماثلة مراکزها على خط واحد وهي متناسبة  
 على تواليها واخرج من مراکزها خطوط تماسها على ترتيب فان  
 نسب لدوائر بعضها الى بعض كنسب مربعات الخطوط الذي تماسها  
 بعضها الى بعض فلنترض دوائر متماثلة على مراکز - ا - ب - ج - د -  
 وليكن مراکز - ا - ب - ج - د - على خط واحد وليكن  
 متناسبة على تواليها وليخرج من خط - ا - ب - ج - د - خطوط  
 تماس دوائر - ا - ب - ج - د - على ترتيب وهي خطوط - ب ط  
 ج ك - د ل \*

فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مربع خط  
 ب ط - الى مربع خط - ج ك - ونسبة دائرة - ب - الى دائرة - ج -

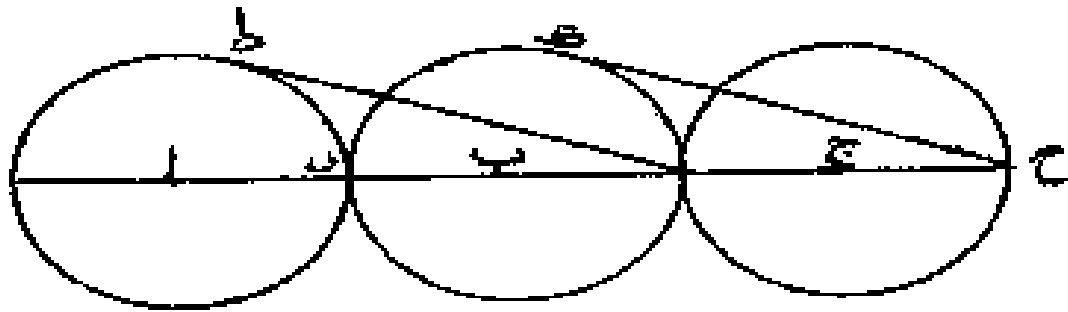
كنسبة مربع خط - ج ك - الى مربع خط - د ل .  
 برهان ذلك من اجل ان الدوائر متناسبة على تواليها تكون  
 نسبة قطر - م - الى - ن - مثل نسبة - ز - الى - ح - اعني مثل  
 نسبة - د - الى - ج - فاذا بدلتنا تكون نسبة - م - الى - ب -  
 كنسبة - ز - الى - ح - واذا ركبتنا تكون نسبة - م - الى - ب - الى  
 ب - كنسبة - ج - الى - ج - ب - ولكن خط - ب ط - هو  
 متوسط بين خطي - م ب - ن - وخط - ك ج - متوسط بين  
 خطي - ج - ج - فنسبة - ب ط - الى - ب - اذن كنسبة  
 ك ج - الى - ج - واذا بدلتنا تكون نسبة - ب ط - الى - ك ج -  
 كنسبة - ب - الى - ز - ونسبة - ب - الى - ز - كنسبة  
 م - الى - ز - فنسبة - ب ط - الى - ك ج - اذن كنسبة قطر - م -  
 الى - ز - فنسبة - مربع - م - الى مربع - ن - اعني نسبة دائرة  
 ا - الى دائرة - ب - كنسبة مربع - ط ب - الى مربع - ك ج -  
 وذلك ما اردنا ان نبين .

وقد يحصل لنا من هاهنا ان نعلم ان خطوط - ط ب - ك ج  
 ل - متناسبة على تواليها متوازية وحلم ذلك سهل واقرب ما نخذه  
 اذا وصلنا بين النقط المماسية وبين المراكز فانه تحدث لنا مثلثات قائمة  
 الزوايا متشابهة في الحلقة والوضع (١) .

واقول ان هذا بعينه يرضى اذا اخرجت الخطوط المماسية من



الذوائر المتناسقة من  
شكل (٦)



الدوائر المتماثلة ص 11  
شكل (٤)

أطراف الأقطار لا من المراكز كالمذكور في هذه الصورة  
 برهان ذلك من أجل أن نسبة قطر - م - ه - الى - ه - ز - كنسبة  
 ه - ز - الى - ز - ح - فاننا اذا ركبتنا تكون نسبة - م - ز - الى - ه - ز -  
 مثل نسبة - ه - ح - الى - ح - ز - ولكن خط - ز - ط - هو موصل بين  
 خطي - م - ز - ز - ه - وخط - ك - ح - هو موصل بين خطي - ه - ح -  
 ح - ز - فنسبة - ط - ز - الى - ك - ح - مثل نسبة - ه - ز - الى - ز - ح -  
 اضي كنسبة - م - ه - الى - ه - ز - فنسبة مربع - م - ه - الى مربع - ه - ز -  
 اضي نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مربع خط - ط - ز -  
 المماس الى مربع - ك - ح - المماس \*

وقد تبين ايضا مما تقدم ان هذه الخطوط المتوازية  
 متناسبة على تواليها كما كانت (١) \*

اذا كانت دوائر تماس من داخل على نقطة واحدة كانت  
 متناسبة على تواليها واخرج من أطراف أقطارها خطوطا تماسها على  
 ترتيب فان نسب الدوائر بعضها الى بعض كنسبة مربعات الخطوط  
 التي تماسها بعضها الى بعض \*

مثال ذلك لنفرض دوائر على اقطار - اب - اج - اد  
 ولتكن متناسبة على تواليها لنسب بعضها بعضها على نقطة - ا - ولنخرج  
 من تقاطع - ح - د - خطين يماسان الدوائر وهما خطا - ح - ه - د - ز -  
 فاقول ان نسبة دائرة - ا - ب - الى دائرة - ا - ز - كنسبة



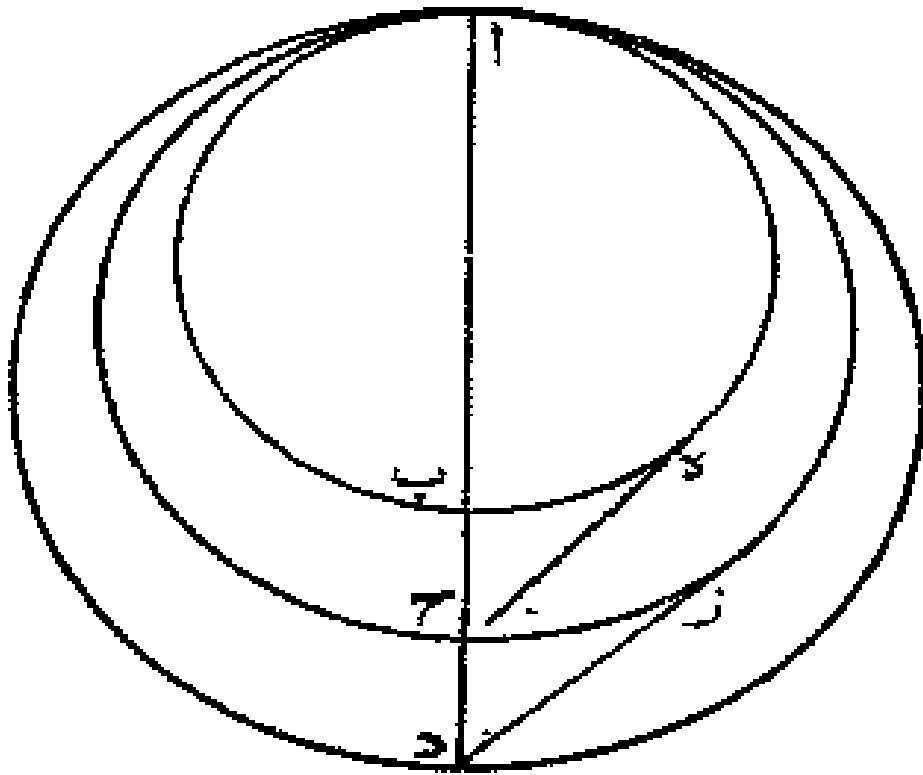
مربع خط - ه ج - المماس الى مربع خط - زد - المماس \*  
 برهان ذلك من اجل ان نسبة - د ا - الى - ا ج - كنسبة  
 ج ا - الى - ا ب - فاننا اذا فصلنا وبدلنا كما يتناهما تقدم تكون نسبة  
 زد - الى - ه ج - كنسبة - ج ا - الى - ا ب - فنسبة مربع - زد  
 اذن - الى مربع - ه ج - كنسبة مربع - ج ا - الى مربع - ا ب  
 اعنى مثل نسبة دائرة - ج ز ا - الى دائرة - ب ه ا - وذلك ما اردنا  
 ان نبين (١) \*

وبالجمله فانه اذا كانت دوائر تماسها خطوط وتحيط مع  
 الخطوط الخارجة على مراكزها زوايا متساوية فان نسب الدوائر  
 بعضها الى بعض كنسبة الخطوط المماسه بعضها الى بعض \*

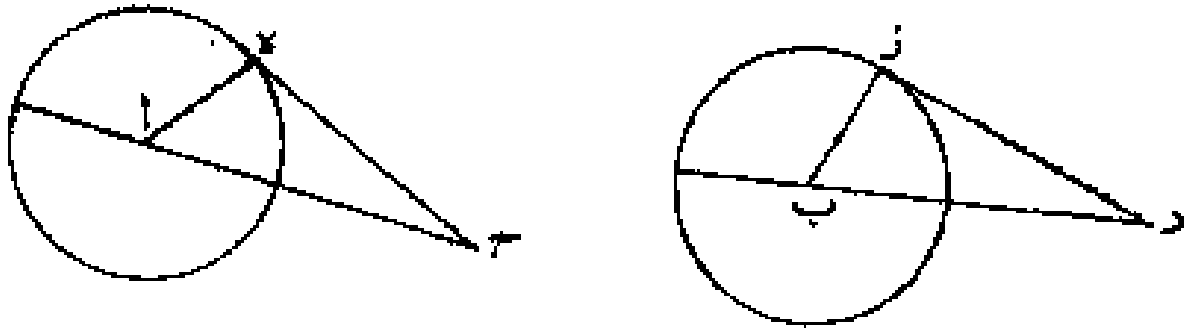
مثاله لنفرض دائرتين على مركزى - ا ب - ولنخرج على  
 المركزين خطى - ا ج - ب د - ولنخرج - ج ه - تماس دائرة - ا  
 و - د ز - تماس دائرة - ب - ولتكن زاوية - ا ج ه - مساوية  
 لزاوية - ب د ز - \*

فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مربع  
 خط - ح ه - المماس الى مربع خط - د ز - المماس \*

برهان ذلك من اجل ان متلقى - ا ه ج - ب زد - القامى  
 الزاوية متشابهان فان نسبة - ه ج - الى - زد - مثل نسبة - ه ا  
 الى - زك - فنسبة مربع - ه ج - الى مربع - زد - كنسبة مربع



الدوائر المتماثلة ص ١٢  
شكل (٨)



الدوائر المتماصة من  
شكل (٩)

خط - ا - الى مربع خط - ز ب - اعنى نسبة قطر دائرة - ا - الى قطر دائرة - ب - اعنى مثل نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - وذلك ما اودنا ان نبين (١) .

اذا كان دأرتان تماسان وانخرج من طرفي الخط الذي يمر على مركزيهما وعلى النقطة المماسية خطان متبادلان يتقاطعان وتماس الدأرتين فان نسبة الدائرة الى الدائرة مثل نسبة الخطين المتبادلين المتقاطعين اللذين تماسانها متساة .

مثال ذلك لنفرض دأرتين على مركزي - ا ب - وايتماسا على نقطة - ج - وانخرج الخط الذي يمر على مركزيهما وهو خط د ج ه - وليخرج من نقطتي - د ه - خطان يتقاطعان ويماسان الدأرتين على نقطتي - ز ح - .

فقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة خط د ح - الى خط - ز ح - المتماس الى خط - ز ح - المتماس متساة .

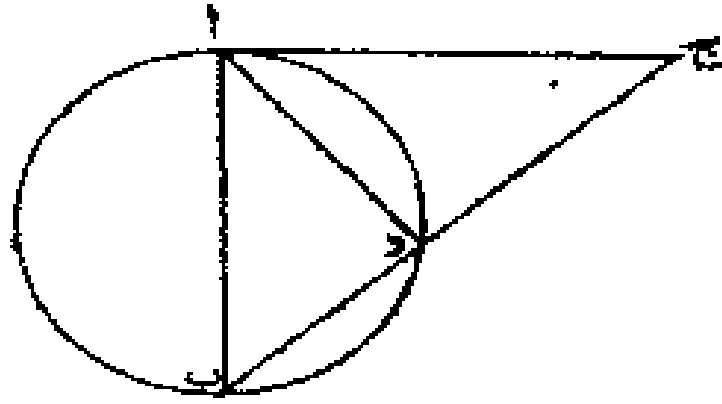
برهان ذلك من اجل ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - مثل نسبة قطر - د ج - الى قطر - ج ه - متساة ونسبة قطر - د ج - الى قطر - ج ه - متساة ونسبة قطر - د ج - الى قطر - ج ه - مثل نسبة مسطح - ه د - في - د ج - الى مسطح - د ه - في - ه ج - تكون نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مسطح - ه د - في - د ج - الى مسطح - د ه - في - ه ج - متساة اعنى مثل نسبة مربع - د ح -

المماس الى مربع -- ه -- ز -- المماس وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*  
 اذا كانت دائرة واخرج من احد طرفي قطرها خط مماسا  
 واخرج من طرفه الآخر خط يقطع الدائرة ويلتقي الخط المماس فان  
 مسطح الخط القاطع في قسمة الذي في داخل الدائرة مساو للمربع القطر  
 فلتفرض دائرة قطرها -- ا ب -- وتخرج من نقطة -- ا -- خطا مماسا  
 وهو خط -- ا ج -- وتوصل -- ب د ج -- \*

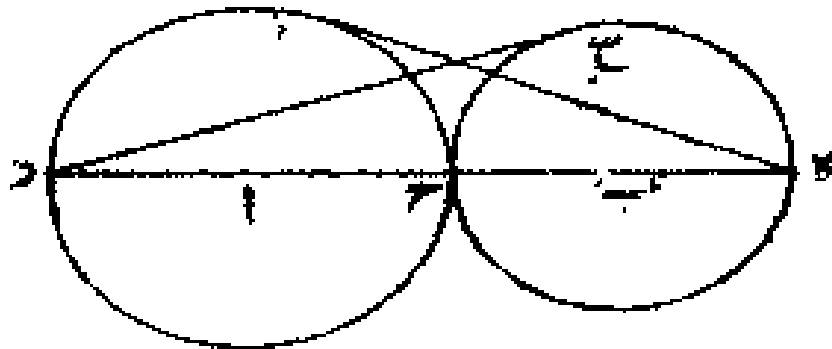
فاقول ان مسطح -- ج ب -- في -- ب د -- مساو للمربع -- ا ب --  
 برهان ذلك لنصل -- ا ب -- فن اجل ان مثلث -- ج د ا  
 القائم الزاوية مشابه لمثلث -- ا ب د -- القائم الزاوية تكون نسبة  
 ج ب -- الى -- ب ا -- مثل نسبة -- ب ا -- الى -- ب د -- فسطح -- ج  
 ب -- في -- ب د -- مثل مربع -- ا ب -- وذلك ما اردنا ان نبين (٢) \*  
 برهان هذا الشكل على جهة اخرى من اجل ان مربع -- ج ب  
 اعني مسطح -- ب ج -- في -- ج د -- مع مسطح -- ج ب -- في -- ب د  
 مثل مربع -- ج ا -- مع مربع -- ا ب -- ومسطح -- ب ج -- في -- ج د  
 مثل مربع -- ج ا -- يكون مسطح -- ج ب -- في -- ب د -- الباقي مثل  
 مربع -- ا ب -- الباقي وذلك ما اردنا ان نبين \*

برهان هذا الشكل على جهة اخرى من اجل ان مسطح  
 ج د -- في -- ب د -- مساو للمربع -- ا د -- فاننا نجعل مربع -- د ب  
 مشتركا فيكون مربعا -- ا د -- د ب -- اعني مربع -- ا ب -- مساو لسطح

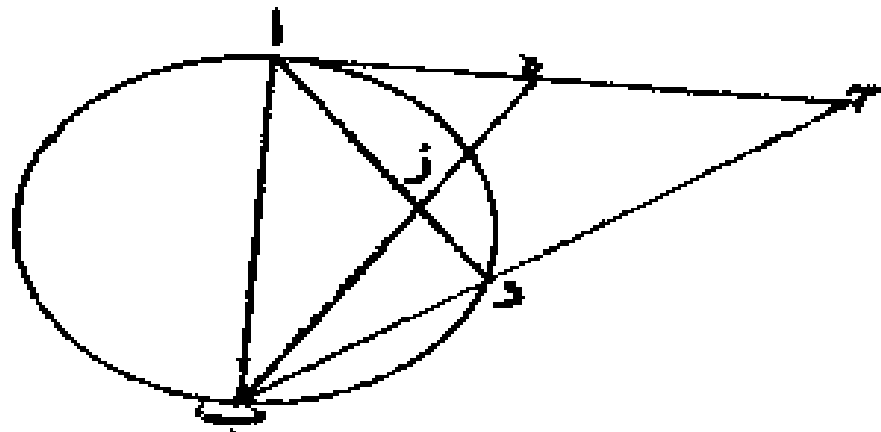
(١) الشكل العاشر (٢) الشكل الحادي عشر -



الدوائر المتماثلة ص ١٣  
شكل (١٠)



الدوائر المتماثلة ص ١٣  
شكل (١١)



الدوائر المتجانسة، ص ١٥١  
شكل (١٢)

ج د - في - د ب - مع مربع - د ب - اعني مسطح - ج ب - في  
ب د - وذلك ما اردنا ان نبين \*

وكذلك ايضا اذا اخرجنا خطوطا كم كانت مثل - ه ز ب  
يكون مسطح الخط كله في قسمة الذي يقع داخل الدائرة مساويا  
لمربع قطرها وتكون السطوح التي يحيط بها كل واحد من الخطوط  
الخارجة مع قسمة الذي يقع داخل الدائرة متساوية \*

اذا ماس خط دائرة من طرف قطرها وفرضت عليه نقطة ما  
واخرج منها خط آخر يماس الدائرة فان مسطح احد قسبي الخط  
المماس في الآخر مثل مسطح الخط الذي يمر بالمركز كله في قسمة الذي  
من مركز الدائرة التي يحيطها ومسطح الخط المماس كله في قسمة الذي  
بين نقطة الالتقاء والنقطة المماسية مساو لمسطح الخط الذي يمر على  
المركز في قسمة الذي بين نقطة الالتقاء ومركز الدائرة (١) \*

مثاله لنفرض دائرة على مركز - ا - وقطرها - ب ج -  
ولنخرج من نقطة - ب - خطا يماسها وهو خط - ب د - ولنفرض  
على خط - ب د - نقطة ما كيف ما وقعت وهي نقطة - د - ولنخرج  
منها خطا آخر يماس الدائرة على نقطة - ه - وهو خط - د ه ز -  
واتى الخط الذي يمر بالمركز على نقطة - ز - \*

فاقول ان مسطح - د ه - في - ه ز - مساو لمسطح - د ب - في

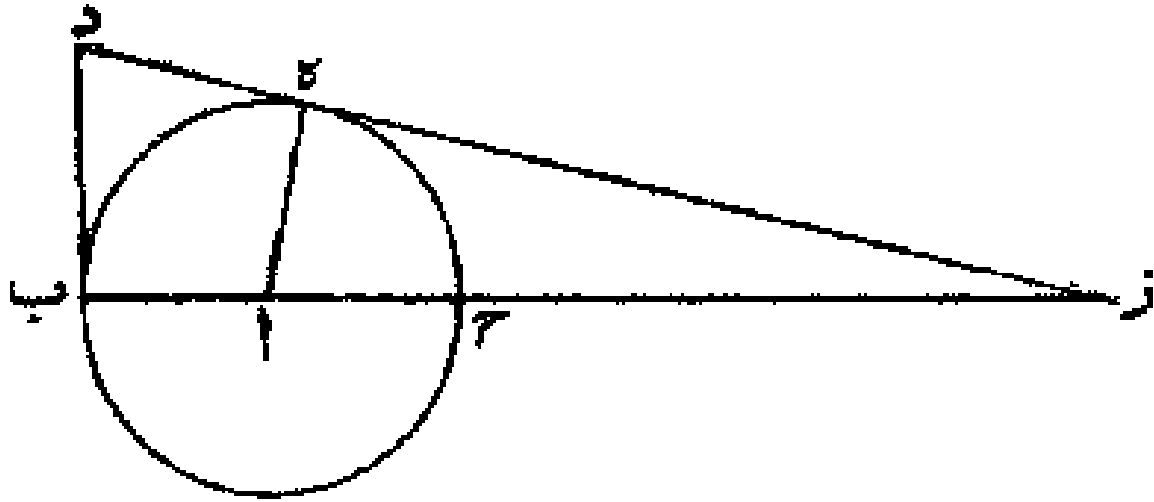


ب ا - وان مسطح - د ز - في - زه - مساو لمسطح - ب ز - في - زا  
 برهان ذلك لتصل - ا - ه - فمن اجل ان مثلثي - د ب ز - و - ز ه ا  
 زاوية - د ب ز - القائمة من احدهما مساوية لزاوية - ز ه ا - القائمة  
 من الآخر و زاوية - د ز ب - مشتركة لهما يكونان متشابهين فنسبة  
 د ب - الى - ب ج - اعني الى - د ه - مثل نسبة - د ه - الى - ه ا  
 اعني الى - ب ا - فسطح - ز ب - في - ب ا - مساو لمسطح - د ه  
 في - ه ز .

واقول ان مسطح - د ز - في - ز ه - مساو لمسطح - ب ز  
 في - ز ا .

برهان ذلك من اجل ان مثلثي - د ب ز - و - ز ه ا - متشابهان  
 تكون نسبة - د ز - الى - ز ب - مثل نسبة - ا ز - الى - ز ه - فسطح  
 د ز - في - ز ه - مساو لمسطح - ب ز - في - ز ا - وذلك ما اردنا  
 ان نبين (١) .

فان كان الخط الخامس على طرف القطر لا يماس على نقطة - ب  
 تكن على نقطة - ج - مثل خط - ج د - فان مسطح - د ه - في - ه ز  
 يكون مساويا لمسطح - د ج - في - ج ز - ومسطح - ه ز - في  
 ز د - يكون مساويا لمسطح - د ج - في - ج ز - ومسطح - ه ز -  
 في - ز د - يكون مساويا لمسطح - ا ج - في - ج ز .



الدوائر المتماثلة ص ١٦  
شكل (١٣)



برهان ذلك من اجل ان مثلثي - ز ه ا - ز ج د - متشابهان  
تكون نسبة - ز ه - الى - ا ه - مثل - ز ج - الى - ج د - اعني  
الى - ه د - فسطيح - ز ه - في - ه د - مساو لسطح - ا ج - في  
ج ز •

واقول ان سطح - ه ز - في - ز د - مساو لسطح - ا ز - في  
ز ج •

برهان ذلك من اجل ان المثلثين متشابهان تكون نسبة - ه ز -  
الى ز ا - مثل نسبة - ج ز - الى - ز د - فسطيح - ه ز - في - ز د  
مساو لسطح - ز ا - في - ز ج - وذلك ما اردنا ان نبين (١) •

برهان هذا لشكل بمثل آخر

نرسم على مثلث - ا ز ه - القائم الزاوية دائرة - ز ط - فيكون  
خط - ا ز - قطرهما ولنخرج خط - ط ج ح - فن اجعل ان خط  
ط ح - قد قسم بنصفين على نقطة - ج - وبقيتين مختلفتين على تقاطع  
د - يكون سطح - ط د - في - د ح - مع مربع - ج د - مساويا  
لمربع - ج ح - ولكن سطح - ط د - في - د ح - مساو لسطح  
ز د - في - د ه - ومربع - ج د - مساو لمربع - ه د - فسطح - ز  
د - في - د ه - مع مربع - ه د - اعني سطح - ز ه - في - ه د  
مساو لمربع - ج ح - فمربع - ج ح - مساو لسطح - ا ج - في - ج  
ز - فسطح - ا ج - في - ج ز - مساو لسطح - ز ه - في - ه د

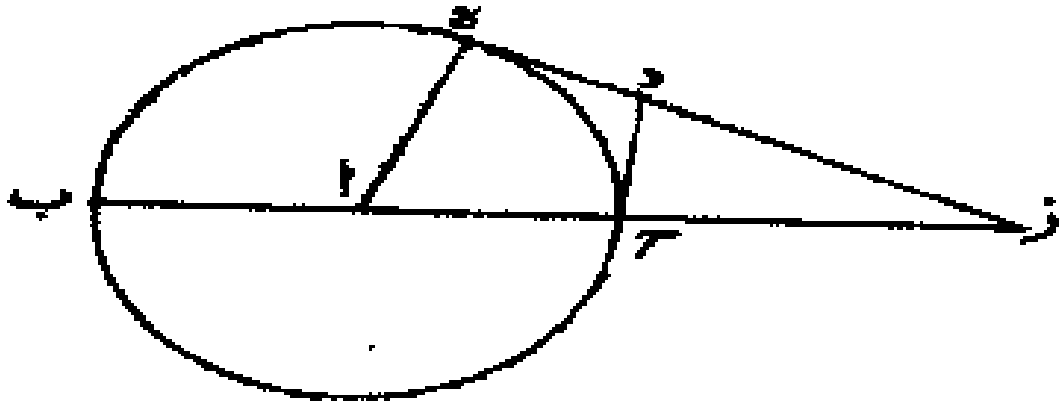
(١) الشكل الرابع عشر

وذلك ما اردنا ان نبين \*

وايضا من اجل ان مسطح - ح د - في - د ط - اعني مسطح  
 \* د - في - زد - اقل من ربع - ح ج - اعني من مسطح - ا ج  
 في - ج ز - بربع - ج د - ومربع - د ز - اعظم من مربع - ز ج  
 بمثل مربع - ح د - فان مسطح - \* د - في - د ز - مع مربع - زد  
 اعني مسطح - ه ز - في - ه ج - مساو لمسطح - ا ج - في - ج ز - مع  
 مربع - \* ج - اعني مسطح - ا ز - في - ز ج - وذلك ما اردنا ان  
 نبين (١) \*

اذا كان د اترتان تتماسان من داخلها واخر ج خط تماسها  
 ويحيط مع الخط الذي يجوز على النقطة المتماسمة وتغطي المركزين  
 بزاوية قائمة وفرض على الخط الذي يجوز على المركزين نقطة ما  
 واخرج منها خطان آخران تماسان الدائرة ويلتقيان الخط الآخر المتماس  
 فان نسبة الدائرة العظمى الى الدائرة الصغرى مثل نسبة السطح الذي  
 يحيط به قسما الخط الذي تماس الدائرة العظمى الى السطح الذي يحيط  
 به قسما الخط الذي تماس الدائرة الصغرى مثناة \*

مثاله لنفرض الدائرة التي على مركز - ا - تماس الدائرة التي  
 على مركز - ب - من داخل على نقطة - ج - ونخرج على النقطة  
 المتماسمة والمركزين خط - ج د ه ز - فقطر دائرة - ا - خط - ج د  
 و - قطر دائرة - ب - خط - ج ه - ونخرج من نقطة - ز - خطي



الدوائر المتماثلة ص ١٨  
شكل (١٥)



زح ط - ذلك ل - عاसान الدائرتين على تقطبي - ح ك •  
 فاقول ان نسبة دائرة - ا - الى دائرة - ب - كنسبة مسطح  
 زح - في - ح ط - الى مسطح - زك - في - كل - مثناة •  
 برهان ذلك من اجل ان نسبة خط - ج - ا - الى - ج - ب  
 كنسبة مسطح - زج - في - ج - ا - الى مسطح - زج - في - ج - ب  
 ب - ومسطح - زج - في - ج - ا - مساو مسطح - زك - في - ك - ل  
 ل - كما بينا في الشكل الذي قبل هذا تكون نسبة - ج - ا - الى - ج - ب  
 مثل نسبة مسطح - زح - في - ج - ط - الى مسطح - زك - في - ك - ل  
 ل - ولكن نسبة - ج - ا - الى - ج - ب - كنسبة مثلي - ج - ا - الى  
 مثلي - ج - ب - اعني مثل نسبة قطر - ج - د - الى قطر - ج - ه - فتكون  
 نسبة قطر - ج - د - الى قطر - ج - ه - كنسبة مسطح - زح - في - ح  
 ط - الى مسطح - زك - في - ك - ل - ونسبة مربع - ج - د - الى مربع  
 ج - ه - كنسبة - ج - د - الى - ج - ه - مثناة ونسب مربعات اقطار  
 الدوائر بعضها الى بعض كنسب الدوائر بعضها الى بعض فنسبة دائرة  
 ا - الى دائرة - ب - كنسبة قطر - ج - د - الى قطر ج - ه - مثناة  
 اعني مثل نسبة مسطح - زح - في - ح ط - الى مسطح - زك - في  
 ك - د - مثناة وذلك ما اردنا ان نبين •

اذا كان دائرتان غير متقاطعتين مركزاهما على خط واحد  
 واخرج من مركزيهما خطان متقاطعان عاसान الدائرتين فان مسطح



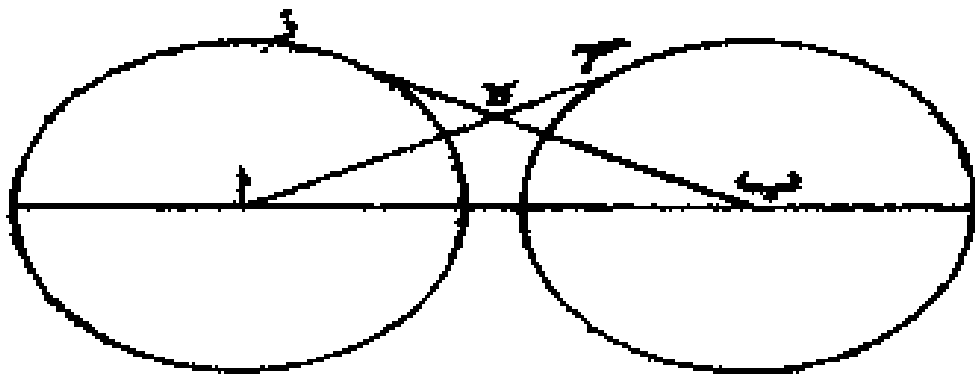
فسمي احد الخطين المماسين مساوياً لمسطح قسي الخط الآخر المماس  
 مثاله لنفرض دائرتين غير متقاطعتين ومركزاهما وهما نقطتان  
 اب -- على خط واحد وهو -- اب -- ولنخرج من مركزى -- اب --  
 خطى -- اج -- ب د -- يماسان الدائرتين على نقطتى -- دج -- ويتقاطعان  
 على نقطة -- هـ هـ \*

فأقول ان مسطح -- اهـ -- فى -- هـ ج -- مساوياً لمسطح -- ب هـ  
 فى -- د هـ -- \*

برهان ذلك انا نصل -- د ا -- ج ب -- فن اجل ان مثلثى -- ا د هـ  
 ب ج هـ -- القامى للزوايا متشابهان تكون نسبة -- هـ ا -- الى -- د هـ -- مثل  
 نسبة -- ب هـ -- الى -- هـ ج -- فمسطح -- اهـ -- فى -- هـ ج -- مساوياً لمسطح  
 ز هـ -- فى -- د هـ -- وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

برهان هذا الشكل بمنى آخر من اجل ان كل واحدة من  
 زاويتى -- ادب -- اجب -- قائمة ومثلثا -- ادب -- اجب -- على  
 خط واحد وهو خط -- اب -- فان مثلثى -- ادب -- اجب -- هما فى  
 نصف دائرة فلنرسم عليها نصف دائرة -- ادج ب -- فن اجل ان  
 خطى -- اهـ ج -- ب هـ د -- يتقاطعان فى دائرة على نقطة -- هـ -- يكون  
 مسطح -- اهـ -- فى -- هـ ج -- مساوياً لمسطح -- ب هـ -- فى -- د هـ -- وذلك  
 ما اردنا ان نبين (٢) \*

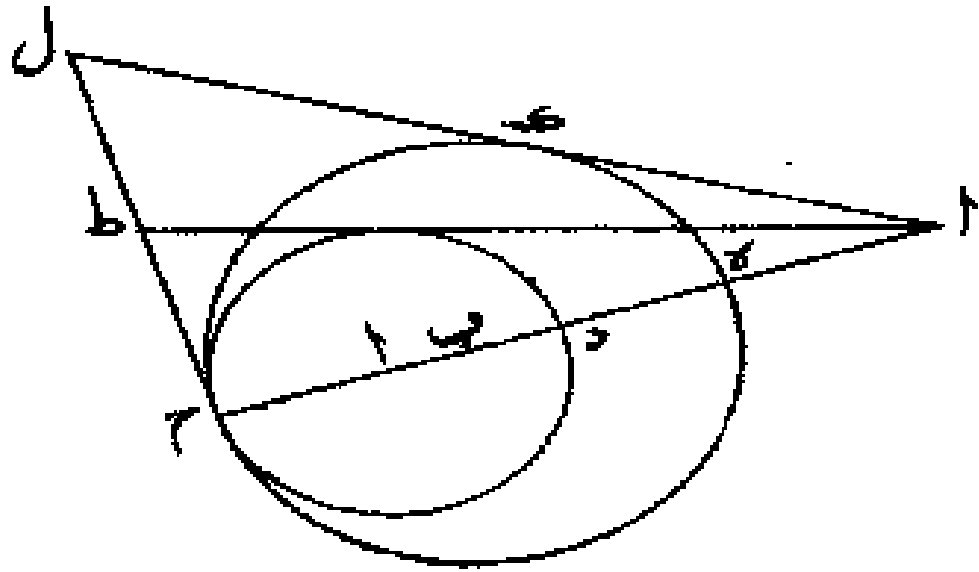
(١) الشكل السادس عشر (٢) الشكل السابع عشر والثامن عشر.



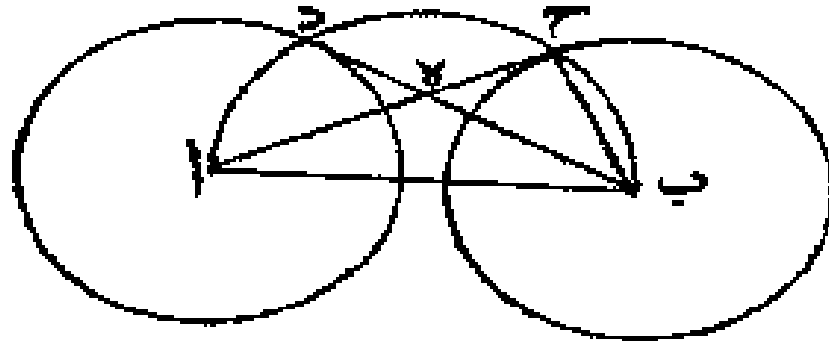
الدوائر المتقاطعة من

شكل (١٦)





الدوائر المتماثلة من  
شكل (١٤)



الدوائر المتماثلة من  
شكل (١٥)



اذا كان خطان يماسان دائرة واحدة واخرج الخط الذي يمر  
بالنقطة المماسه على استقامه و فرضت عليه نقطة ما واخرج من النقطة  
المفروضه خط يماس الدائرة ويقطع احد الخطين المماسين وينتهي الى  
الآخر فان نسبة الخط المخرج كله الى قسمه الذي يقع خارج الخطين  
المماسين كنسبة قسمة اللذين يقعان بين الخطين المماسين اللذين تفصلهما  
النقطة المماسه الاعظم منهما عند الاصغر \*

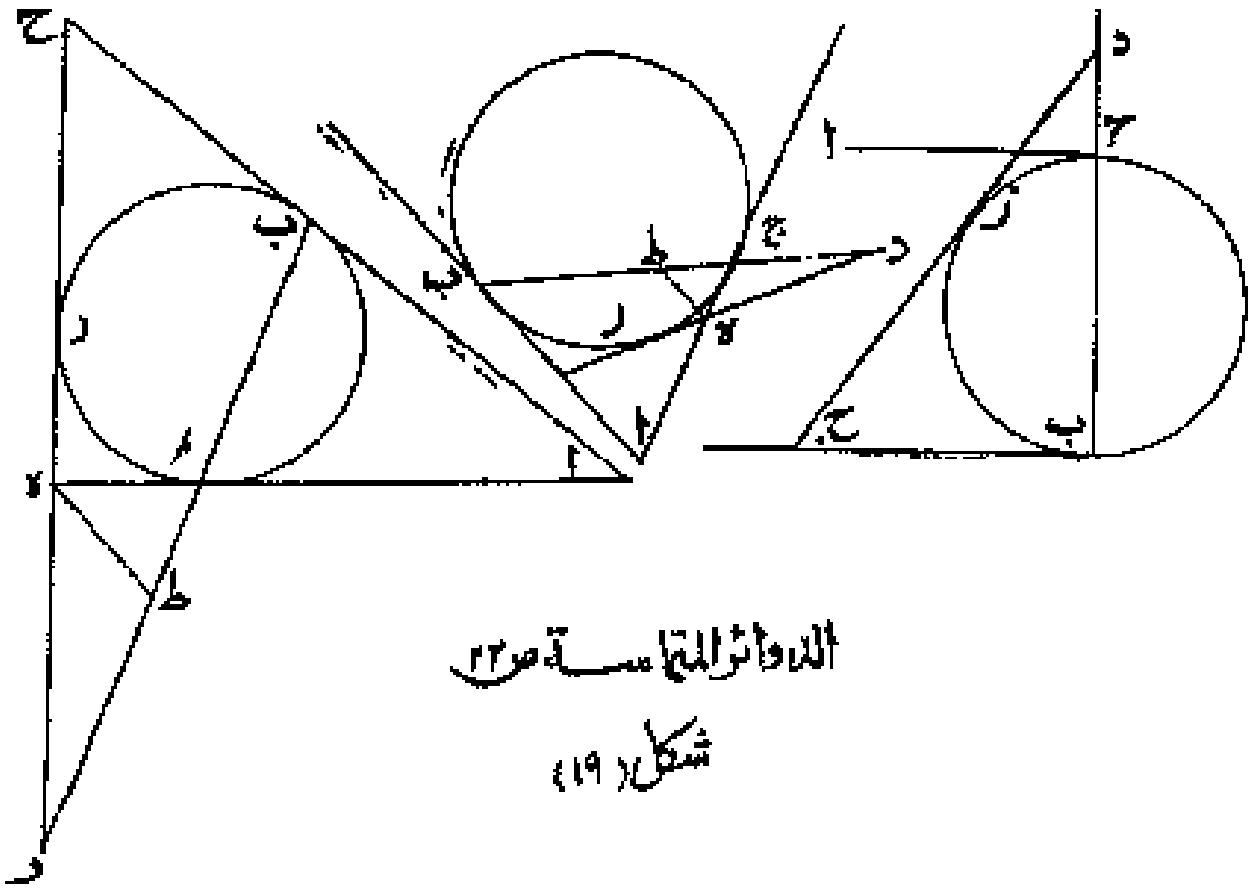
فلنرض خطى - اب - اج - يماسان دائرة - ب ج - على  
تقطى - ب ج - ولنصل خط - ب ج - ولنخرجه - على استقامة  
ولنرض على المخرج منه نقطة - د - ولنخرج من نقطة - د - خطا  
آخر يماس الدائرة وهو خط - ده زح - ولنكن المماسه على نقطة - ز  
فاقول ن نسبة - ح د - الى - ده - كنسبة - ح ز - الى  
ز ه - \*

برهان ذلك انه ليس يخلو من ان يكون خطا - اب - اج  
متوازيين او غير متوازيين فلنرض ضهما او الامتوازيين فتكون زاوية  
ب ج د - مساوية لزاوية - ج ه د - ويكون مثلث - ج ه د - فنسبة  
ح د - الى - ده - مثل نسبة - ح ب - الى - ه ج - ولكن خط  
ج ز - مساو لخط - ح ب - لانها يماسان الدائرة من نقطة واحدة  
وهي - ح - وكذلك ايضا خط - ه ز - مساو لخط - ه ج - فنسبة  
ح د - الى - ده - كنسبة - ح ز - الى - ز ه - وان يكونا متوازيين

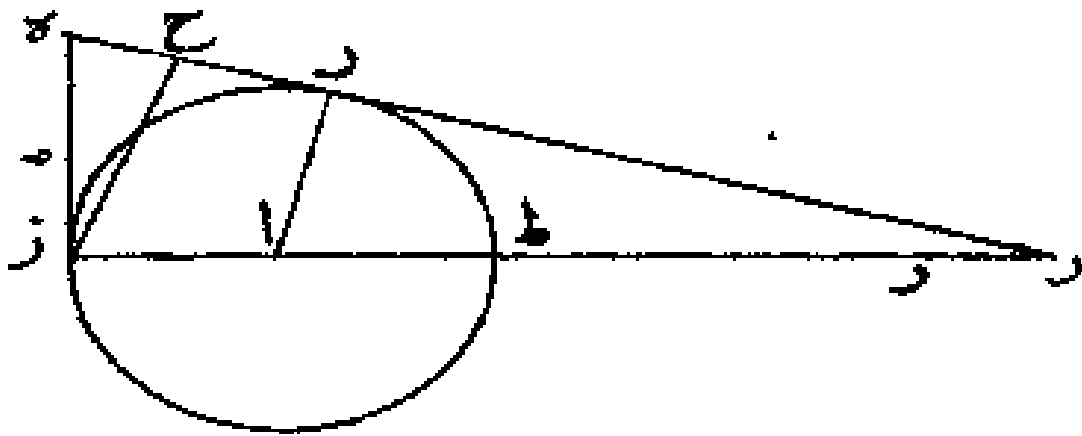
فيلتقيان على نقطة - ا - ولنخرج من نقطة - ه - خطا موازيا لخط  
 اب - وهو خط - ه - ط - فمن اجل ان خطي - اب - ا ج - يماسان  
 الدائرة يكونان متساويين فزاوية - ا ج ب - مساوية لزاوية - ا  
 ب ج - ولكن زاوية - ه - ط ج - مساوية لزاوية - اب ج -  
 لموازية الخطين فزاوية - ه - ط ج - مساوية لزاوية - ه ج ط - فخط  
 ه ط - مساو لخط - ه ج - وايضا من اجل ان نسبة - ح د - الى  
 د ه - كنسبة - ح ب - الى - ه ط - اعني الى - ه ج - وخط - ح ب  
 مساو لخط - ح ز - وخط - ه ج - مساو لخط - ه ز - تكون نسبة  
 ح ط - الى د ه - كنسبة - ح ز - الى ه ز - وذلك ما اردنا ان نبين (١)

اذا كان خط يماس دائرة على طرف قطرها واخرج القطر على  
 استقامة وفرحت عليه نقطة ما واخرج منها خطا آخر يماس الدائرة  
 ويلتقي الخط الذي هو عمود على القطر واخرج من نقطة تماسه طرف  
 المقطر الى الخط المخرج عمود عليه فان نسبة الخط المخرج كله الى  
 قسمه الذي بين النقطة المفروضة وبين النقطة الماسة مثل نسبة قسمه  
 الذي بين النقطة الماسة وبين الخط القائم على القطر الى قسمه الذي بين  
 النقطة الماسة والنقطة التي وقع عليها العمود \*

مثال ذلك لنفرض دائرة على مركز - ا - وليكن قطرها خط  
 ح ا ط - ولنخرج على المقطر عمود يماس الدائرة وهو خط - ه ج ه  
 واخرج خط - ج ط - ولنفرض على المخرج منه نقطة مساوية







الدائرة المتعامدة مع وتر

شكل (٥٠)

نقطة - د - ولنخرج من نقطة - د - خطا يعامس الدائرة على نقطة  
 ز - وهو خط - د ه - ولنخرج من نقطة - ج - عمودا على خط  
 د ه - وهو خط - ج ح - .

فأقول ان نسبة - د ه - الى - د ز - كنسبة - ه ز - الى - ز ح -  
 برهان ذلك لنصل - ا ز - فمن اجل ان زاوية - ا ز د - قائمة  
 وزاوية - ج ح د - قائمة يكون - ج ح - موازيا لخط - ا ز  
 ويكون مثلث - د ه ج - القائم الزاوية مشابها لمثلث - د ا ز  
 القائم الزاوية فنسبة - د ه - الى - ه ج - اعني نسبة - د ه - الى  
 ه ز - مثل نسبة - د ا - الى - ا ز - اعني الى - ا ج - لكن نسبة  
 د ا - الى - ا ج - كنسبة - د ز - الى - ز ح - فنسبة - د ه - الى  
 ه ز - كنسبة - د ز - الى - ز ح - واذا بدلنا تكون نسبة - ه د - الى  
 د ز - كنسبة - ه ز - الى - ز ح - وذلك ما اردنا ان نبين (١) .

وقد تبين اننا اذا فصلنا تكون نسبة - ه ز - الى ز د - كنسبة  
 ه ح - الى - ح ز - وعلى هذا الوضع نقول ان نسبة - ه ز - الى  
 ز د - كنسبة - ا ط - الخارج من المركز الى - ط د - .

برهانها لنصل بخطى - ه ا - ز ط - فمن اجل ان خط - ج ه  
 مساو لخط - ه ز - وخط - ج ا - مساو لخط - ا ز - والتعاونة  
 واحدة للشكلين تكون زاوية - ج ا ه - مساوية لزاوية - ز ا ه  
 فزاوية - ج ا ز - ضعف زاوية - ج ا ه - وزاوية - ج ا ز - ضعف

زاوية - ح ط ز - لان احدهما على المركز والاخرى على المحيط  
 ووترها قوس واحدة فزاوية - ج ا - مساوية لزاوية - ح ط ز -  
 نخط - ه ا - مواز لخط - ز ط - فنسبة - ه ز - الى - زد - كنسبة  
 ا ط - الى - ط د - وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

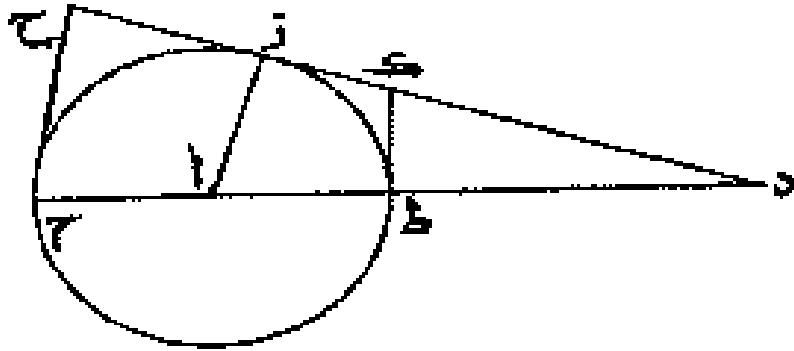
فان كان الخط المماس الذي يخرج من اى طرف القطر لا يماس  
 الدائرة على نقطة - ج - لسكن على طرف القطر الاخر كما فى هذه  
 الصورة مثل خط - ط ك - \*

اقول ان نسبة - ح ز - الى - زد - كنسبة - ز ك - الى  
 ك ط - \*

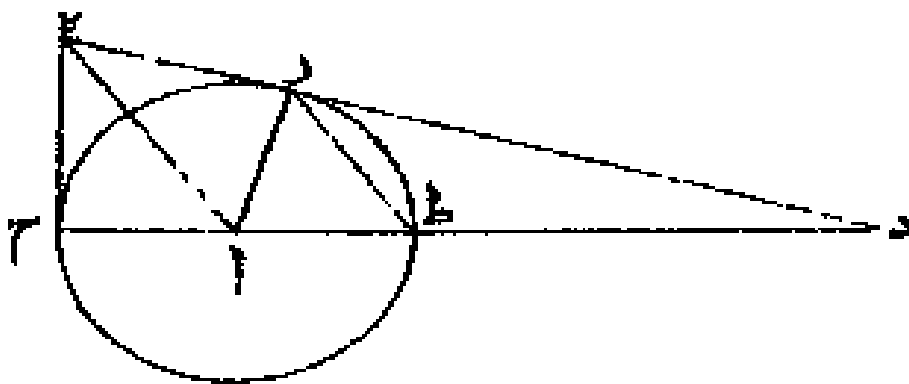
برهان ذلك من اجل ان مثلث - ز ا د - القائم الزاوية مشابه  
 لمثلث - ط ك د - القائم الزاوية تكون نسبة - ز ا - الى - ا د - اعنى  
 نسبة - ح ز - الى - زد - مثل نسبة - ك ط - الى - ك د - اعنى  
 مثل نسبة - ز ك - الى - ك د - وذلك ما اردنا ان نبين \*

اذا اخرج قطر دائرة على استقامة وفرض على الخارج منه  
 نقطة ما واخرج منها خط يماس الدائرة واخرج من نقطة المماس عمود  
 على القطر فان نسبة الخط الخارج على المركز كله الى قسمه الذى وقع  
 خارج الدائرة كنسبة قسى القطر بن اللذين فصلهما العمود الاعظم  
 منها عند الاصغر \*

(١) اشكل الحادى والعشرون والثانى والعشرون .



الدوائر المقاسة ص ٢٣  
شكل (٢١)



الدوائر المقاسة ص ٢٣  
شكل (٢٢)

بياض في الاصل  
الدوام المتجاسة صر  
شكل (٢٣)

فلتفرض دائرة على مركز - ا - وقطرها خط - ب ج  
ولنخرجه على استقامة ولنعلم على المخرج منه نقطة - د - ولنخرج  
منها خطا يماس الدائرة على نقطة - ه - ولنخرج من نقطة - ه -  
عمودا على خط - ب ج - وهو - ز - \*

فاقول ان نسبة - ب د - الى - د ج - كنسبة - ب ز  
الى - ز ج - \*

برهان ذلك انا نصل - ه ب - ه ج - فمن اجل ان نسبة - ز د  
الى - د ه - كنسبة - د ه - الى - د ج - تكون مثلثا - ب د ه - ه د ج  
متشابهين وتكون نسبة - ب د - الى - د ه - كنسبة - ب ه - الى  
ه ج - وانكن نسبة - ب د - الى - د ج - كنسبة - ب د - الى - د  
ه - مثناة فنسبة - ب د - الى - د ه - اذن كنسبة - د ه - الى - ه ج  
مثناة ونسبة - ب ز - الى - ز ج - هي ايضا كنسبة - ب ز - الى  
ز ه - مثناة فاذن نسبة - ب د - الى - د ج - كنسبة - ب ز - الى  
ز ج - وذلك ما اردنا ان نبين (١) \*

برهان هذا الشكل بعمل آخر لنخرج من خط - ب ج - خطي  
ب ح - ج ط - يحيطان معه بزواوية قائمة وينتهيان الى خط - ح د  
فتكون خطوط - ب ح - ز ه - ح ط - متوازية فمن اجل ان نسبة  
ب د - الى - د ج - كنسبة - ب ج - الى - ج ط - اعني مثل  
نسبة - ج ه - الى - ه ط - ونسبة - ح ه - الى - ه ط - كنسبة

(١) الشكل الثالث والعشرون .

ب ز - الى - ز ط - تكون نسبة - ب د - الى - ذ ج - كنيسة

ب ز - الى ذ ج - وذلك ما اردنا ان بين (١) .

فاذا انحنى في قطعة من دائرة خط يوتر قوسين مختلفتين

واخرج من نقطة قسمة القطعة بنصفين عمود على الخط الاعظم من

قسي الخط المنحني فان العمود يقسم الخط المنحني بنصفين .

فلتفرض قطعة من دائرة على قاعدة - اب - ولينحني فيها خط

اج ب - على نقطة - ج - وليكن خط - - اج - اعظم من خط - ج

ب - ولنقسم محيط قوس - اب - بنصفين على نقطة - د - واخرج

منها عمودا على خط - اج - وهو خط - د ه - .

فاقول ان خط - اج - قد انقسم بنصفين على نقطة - ه - .

اعني ان خط - اه - مساو لخطي - ه ج - ج ب (٢) .

برهان ذلك لنفصل من قوس - اد - العظمى قوسا مساوية

لقوس - د ح - الصغرى وهي قوس - د ح - ولنصل - اح - ح د

اد - لنفصل من خط - اه - الاعظم خطا مساويا لخط - ه ح - وخط

ه ز - ولنصل - د ز - فمن اجل ان خط - ه د - عمود مشترك

يكون - د ز - مساويا - لد ج - وكذلك - اح - فتكون

الخطوط الثلاثة متساوية ومن اجل ان نسبة قوس - اح - الى قوس

اح د - كنسبة زاوية - اد ح - الى زاوية - اح د - ونسبة قوس

(١) الشكل الرابع والعشرون (٢) الشكل الخامس والعشرون .







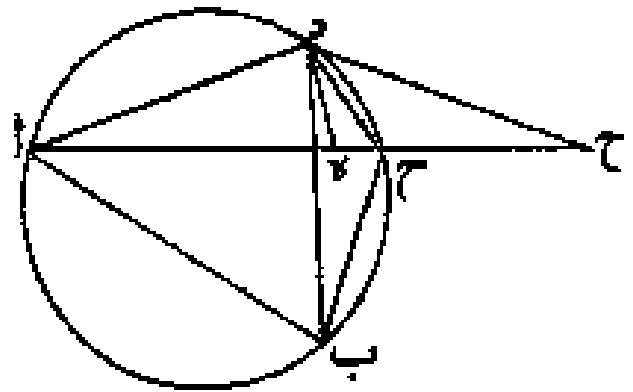
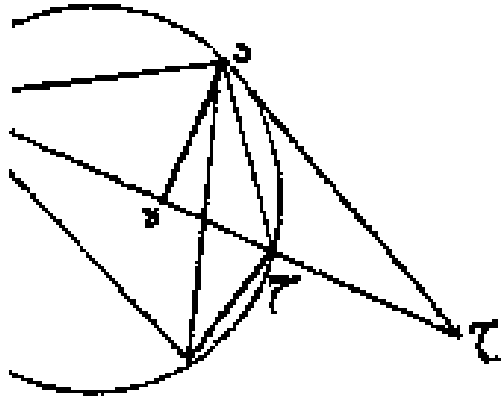
ح د - الى قوس - ا ح د - مثل نسبة زاوية - ح ا د - الى زاوية  
 ا ج د - تكون نسبة قوسي - ا ح - ح د - جميعا الى قوس - ا ح د  
 كنسبة زاويتي - ح ا د - ا د ح - الى زاوية - ا ح د - وقوسا  
 ا ح ج د - مساويتان لقوس - ا ح د - فزاويتا - ح د ا - ا د ح  
 جميعا مساويتان لزاوية - ا ج د - اعني لزاوية - د ز ه - وليكن  
 زاوية - د ز ه - مساوية لزاويتي - ز ا د - ز د ا - فزاويتا - ح ز ا  
 ح ا د - اذن مساويتان لزاويتي - ز ا د - ز د ا - وزاوية - ح د ا  
 مساوية لزاوية - ز ا د - فزاوية - ح د ا - الباقية مساوية لزاوية  
 ز د ا - الباقية ومن اجل ان خطي - د ز ه - ح - متساويان وخط  
 د ا - مشترك والزاويتان متساويتان تكون قاعدة - ا ز ه - مساوية  
 لقاعدة - ا ح - ولكن خط - ا ح - مساو لخط - ح ب - وخط  
 د ه - مساو لخط - ه ج - فجميع - ا ه - اذن مساو لخطي - ه ج  
 ح ب - وذلك ما اردنا ان نبين .

برهان هذا الشكل بعمل آخر لرسم الصورة على ما في المقدمة  
 ولنتم دائرة - ا ز ب د - ولنخرج خط - ا ج - على استقامة  
 ولنفرض خط - ه ح - مساويا لخط - ه ا - ونصل خطوط - ح د  
 د ج - ب د - ا د - فمن اجل ان قوس - ا د - مساوية لقوس  
 د ج ب - تكون وتر - ا د - مساويا لوتر - ا ب - وخط - د ح  
 مساو لخط - ا د - فنخط - د ح - مساو لخط - د ب - ومن اجل

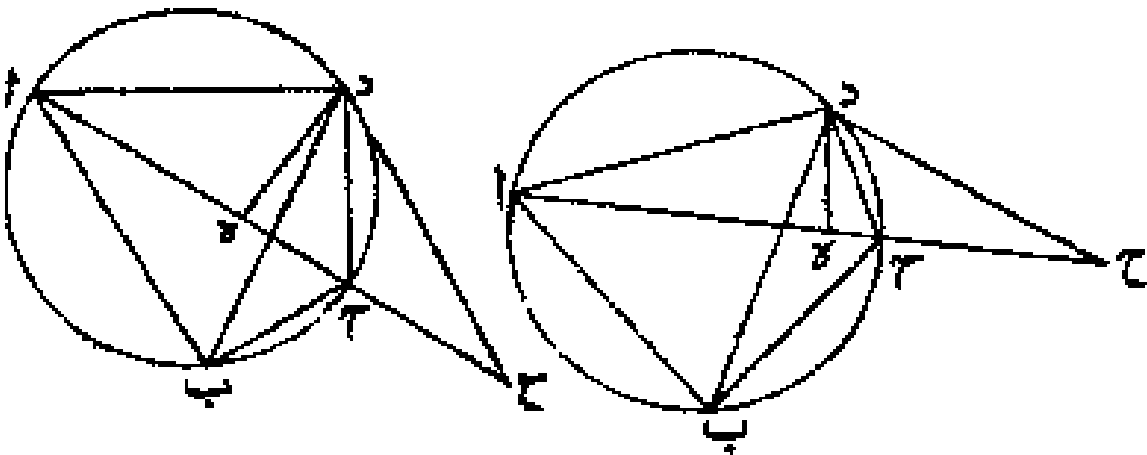
ان زاوية - د ا ج - مساوية لزاوية - د ل ج - لأنها على قوس واحدة و زاوية - د ح ه - مساوية لزاوية - د ا د - تكون زاوية د ح ه - مساوية لزاوية - د ل ج - وايضا من اجل ان قوس - د ا ز ب - مساوية لجميع قوس - د ج ب ز ا - ولكن زاوية - د ح ب هي على قوس - د ا ز ب - و زاويتا - د ا ج - ا د ج - جميعا هما على قوس - د ج ب ز ا - اما زاوية - د ا ج - فعلى قوس - د ج و اما زاوية - ا د ج - فعلى قوس - ح ب ز ا - فزاويتا - د ا ج ا د ج - مساويتان لزاوية - د ح ب - و زاوية - د ج ح - مساوية لزاويتي - د ا ج - ا د ج - فزاوية - د ج ح - اما (١) مساوية لزاوية - د ح ب - وقد كان تبين ان زاوية - د ح ج - مساوية لزاوية - د ب ج - فزاوية - ح د ج - الباقية مساوية لزاوية - د ل ج - الباقية ومن اجل ان خط - د ج - مساو لخط - د ب - وخط د ح - مشترك و الزاويتان متساويتان يكون خط - ج ح - مساويا لخط - ج ب - نغطا - ه ج - ج ب - مساويان لخطي - ه ج - ح اعني خط - ا ه - وذلك ما اردنا ان نبين (٢) \*

برهان هذا الشكل بمثل آخر لنثبت الصورة على حالها ونقول من اجل ان قوس - د ح ب - اقل من نصف دائرة تكون الزاوية التي تقع فيها وهي زاوية - د ج ب - منفرجة وايضا من اجل ان قوس

(١) هنا سقط في العبارة (٢) الشكل السادس والعشرون .



الدوائر المتماثلة ص ٣٣  
شكل (٣٦)

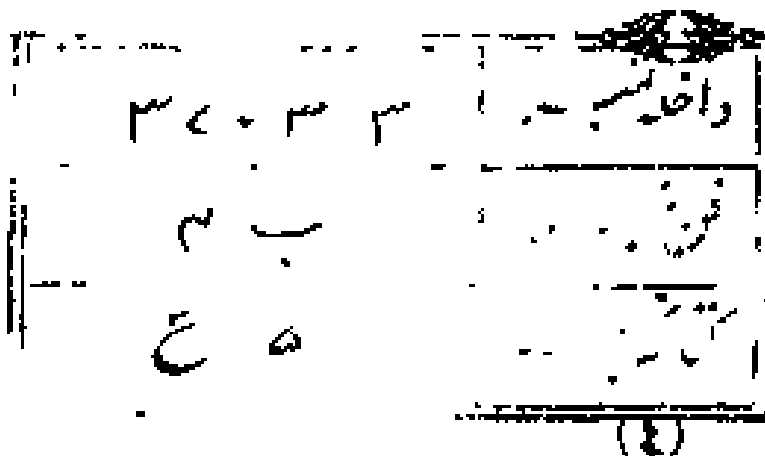


الدوائر المقاسة من  
شكل (٢٤)

د ب ا - اعظم من نصف دائرة تكون الزاوية التي تقع فيها وهي  
 زاوية - د ج ا - حادة فزاوية - د ج ح - منفرجة فزاوية - د ج ب  
 د ج ح - منفرجتان وزاوية - د ج ح - مساوية لزاوية - د ل ج  
 ونخط - د ب - مساو لنخط - د ح - ونخط - د ج - مشترك فثلاثا  
 د ج ح - د ج ب - زاوية من احدهما وهي زاوية - ح - مساوية  
 لزاوية من الآخر وهي زاوية - ب - والاختلاف التي تحيط بزاويتين  
 اخريين متناسبة والزاويتان الباقيتان وهما زاويتا - د ج ح - د ج ب  
 كل واحدة منها اعظم من قائمة فالزاوية الباقية متساوية لنخط  
 ح ج - مساو لنخط - ج ب - فكل خط - ه ح - اعنى خط  
 ا ه - مساو لنخطي - ه ج - ج ب - وذلك ما اردنا ان نبين (١).

تم كتاب ارشميدس في الدوائر المتماثلة والحمد لله

وحده وصلواته على نبيه محمد وآله



(١) الشكل السابع والعشرون